

# Tópicos em Pragmática Formal

## Aula 5

Marcelo Ferreira

Departamento de Linguística  
Universidade de São Paulo

# Roteiro

Começaremos nossa incursão na semântica/pragmática das **orações interrogativas**. O foco hoje será na semântica e no aparato formal para modelar o significado estático dessas orações. Nas próximas aulas, passaremos aos aspectos dinâmicos.

Começaremos nossa incursão na semântica/pragmática das **orações interrogativas**. O foco hoje será na semântica e no aparato formal para modelar o significado estático dessas orações. Nas próximas aulas, passaremos aos aspectos dinâmicos.

- Breve revisão: declarativas e proposições
- Breve interlúdio: Notação lógica
- Interrogativas como conjuntos de proposições
- Interrogativas como partições de mundos possíveis

## Referências clássicas

**Hamblin, C. L. (1973).** *Questions in Montague English*. *Foundations of Language*, 10:41–53.

**Karttunen, L. (1977).** *Syntax and semantics of questions*. *Linguistics and Philosophy*, 1:3–44.

**Groenendijk, J. and Stokhof, M. (1982).** *Semantic analysis of wh-complements*. *Linguistics and Philosophy*, 5:175–233.

Esses textos não são fáceis de ler. Uma excelente introdução:

**Dayal, V. (2016).** *Questions*. Oxford University Press. [ver capítulos 1 e 2, em particular]

**OBS:** Aqui, nós vamos usar/adaptar/filtrar apenas o que interessa mais de perto para o andamento do curso.

# Declarativas e proposições

- A intensão (sentido) de uma oração declarativa  $S$  é uma proposição  $p_S$ .

# Declarativas e proposições

- A intensão (sentido) de uma oração declarativa  $S$  é uma proposição  $p_S$ .
- Proposições são funções  $p$  de mundos possíveis em valores de verdade ( $p : W \mapsto \{0, 1\}$ ), ou, equivalentemente, conjuntos  $C$  de mundos possíveis ( $C \subseteq W$ ).

# Declarativas e proposições

- A intensão (sentido) de uma oração declarativa  $S$  é uma proposição  $p_S$ .
- Proposições são funções  $p$  de mundos possíveis em valores de verdade ( $p : W \mapsto \{0, 1\}$ ), ou, equivalentemente, conjuntos  $C$  de mundos possíveis ( $C \subseteq W$ ).
- A extensão (denotação) de uma oração declarativa  $S$  em um mundo  $w$  qualquer ( $\llbracket S \rrbracket^w$ ) é seu valor de verdade em  $w$ :

# Declarativas e proposições

- A intensão (sentido) de uma oração declarativa  $S$  é uma proposição  $p_S$ .
- Proposições são funções  $p$  de mundos possíveis em valores de verdade ( $p : W \mapsto \{0, 1\}$ ), ou, equivalentemente, conjuntos  $C$  de mundos possíveis ( $C \subseteq W$ ).
- A extensão (denotação) de uma oração declarativa  $S$  em um mundo  $w$  qualquer ( $\llbracket S \rrbracket^w$ ) é seu valor de verdade em  $w$ :
- Seja  $S = \text{Maria é portuguesa}$ .

# Declarativas e proposições

- A intensão (sentido) de uma oração declarativa  $S$  é uma proposição  $p_S$ .
- Proposições são funções  $p$  de mundos possíveis em valores de verdade ( $p : W \mapsto \{0, 1\}$ ), ou, equivalentemente, conjuntos  $C$  de mundos possíveis ( $C \subseteq W$ ).
- A extensão (denotação) de uma oração declarativa  $S$  em um mundo  $w$  qualquer ( $\llbracket S \rrbracket^w$ ) é seu valor de verdade em  $w$ :
- Seja  $S = \text{Maria é portuguesa}$ .

$$p_S = [\lambda w. \text{Maria é portuguesa em } w] \text{ ou, equivalentemente,}$$
$$p_S = \{w \mid \text{Maria é portuguesa em } w\}$$

# Importando da lógica de predicados

# Importando da lógica de predicados

Sentenças simples:

- Maria é portuguesa  $\equiv$  PORTUGUESA( $m$ )
- Maria beijou João  $\equiv$  BEIJOU( $m,j$ )

# Importando da lógica de predicados

Sentenças simples:

- Maria é portuguesa  $\equiv$  PORTUGUESA( $m$ )
- Maria beijou João  $\equiv$  BEIJOU( $m,j$ )

Sentenças com conectivos:

- Maria não é portuguesa  $\equiv \neg$ PORTUGUESA( $m$ )
- Maria é portuguesa e solteira  $\equiv$  PORTUGUESA( $m$ )  $\wedge$  SOLTEIRA( $m$ )
- Maria é casada ou solteira  $\equiv$  CASADA( $m$ )  $\vee$  SOLTEIRA( $m$ )

# Importando da lógica de predicados

Sentenças simples:

- Maria é portuguesa  $\equiv$  PORTUGUESA( $m$ )
- Maria beijou João  $\equiv$  BEIJOU( $m,j$ )

Sentenças com conectivos:

- Maria não é portuguesa  $\equiv \neg$ PORTUGUESA( $m$ )
- Maria é portuguesa e solteira  $\equiv$  PORTUGUESA( $m$ )  $\wedge$  SOLTEIRA( $m$ )
- Maria é casada ou solteira  $\equiv$  CASADA( $m$ )  $\vee$  SOLTEIRA( $m$ )

Sentenças com quantificadores:

- Uma menina beijou João  $\equiv \exists x$ [MENINA( $x$ )  $\wedge$  BEIJOU( $x,j$ )]
- Toda menina beijou João  $\equiv \forall x$ [MENINA( $x$ )  $\rightarrow$  BEIJOU( $x,j$ )]

# Importando da lógica de predicados

Sentenças simples:

- Maria é portuguesa  $\equiv$  PORTUGUESA( $m$ )
- Maria beijou João  $\equiv$  BEIJOU( $m,j$ )

Sentenças com conectivos:

- Maria não é portuguesa  $\equiv \neg$ PORTUGUESA( $m$ )
- Maria é portuguesa e solteira  $\equiv$  PORTUGUESA( $m$ )  $\wedge$  SOLTEIRA( $m$ )
- Maria é casada ou solteira  $\equiv$  CASADA( $m$ )  $\vee$  SOLTEIRA( $m$ )

Sentenças com quantificadores:

- Uma menina beijou João  $\equiv \exists x$ [MENINA( $x$ )  $\wedge$  BEIJOU( $x,j$ )]
- Toda menina beijou João  $\equiv \forall x$ [MENINA( $x$ )  $\rightarrow$  BEIJOU( $x,j$ )]

Sentenças com pronomes:

- Ela beijou João  $\equiv$  BEIJOU( $x,j$ )
- Ela beijou ele  $\equiv$  BEIJOU( $x,y$ )

# Intensionalizando

Incluindo mundos na notação:

- Maria é portuguesa em  $w \equiv \text{PORTUGUESA}_w(m)$
- Uma menina beijou João em  $w \equiv \exists x[\text{MENINA}_w(x) \wedge \text{BEIJOU}_w(x,j)]$

# Intensionalizando

Incluindo mundos na notação:

- Maria é portuguesa em  $w \equiv \text{PORTUGUESA}_w(m)$
- Uma menina beijou João em  $w \equiv \exists x[\text{MENINA}_w(x) \wedge \text{BEIJOU}_w(x,j)]$

De volta às proposições:

- $S =$  Maria beijou João.

$p_S = \lambda w. \text{BEIJOU}_w(m,j)$ , ou, equivalentemente,

$p_S = \{w \mid \text{BEIJOU}_w(m,j)\}$

# Intensionalizando

Incluindo mundos na notação:

- Maria é portuguesa em  $w \equiv \text{PORTUGUESA}_w(m)$
- Uma menina beijou João em  $w \equiv \exists x[\text{MENINA}_w(x) \wedge \text{BEIJOU}_w(x,j)]$

De volta às proposições:

- $S = \text{Maria beijou João.}$

$p_S = \lambda w. \text{BEIJOU}_w(m,j)$ , ou, equivalentemente,

$p_S = \{w \mid \text{BEIJOU}_w(m,j)\}$

Verdade ou falsidade de uma proposição  $p$  em um mundo  $w$ :

- $p$  é verdadeira em  $w \Leftrightarrow p(w) = 1 \Leftrightarrow w \in p$   
(notação alternativa:  $p_w$ )
- $p$  é falsa em  $w \Leftrightarrow p(w) = 0 \Leftrightarrow w \notin p$   
(notação alternativa:  $\neg p_w$ )

# Interrogativas I (Hamblin 1973)

Uma oração interrogativa denota um conjunto de proposições (suas possíveis respostas).

$$(1) \quad \llbracket \text{Quem chegou?} \rrbracket = \{ \lambda w. \text{CHEGOU}_w(m), \lambda w. \text{CHEGOU}_w(j) \}$$

# Interrogativas I (Hamblin 1973)

Uma oração interrogativa denota um conjunto de proposições (suas possíveis respostas).

- (1)  $\llbracket \text{Quem chegou?} \rrbracket = \{ \lambda w. \text{CHEGOU}_w(m), \lambda w. \text{CHEGOU}_w(j) \}$
- (2)  $\llbracket \text{A Maria chegou?} \rrbracket = \{ \lambda w. \text{CHEGOU}_w(m), \lambda w. \neg \text{CHEGOU}_w(m) \}$

# Interrogativas I (Hamblin 1973)

Uma oração interrogativa denota um conjunto de proposições (suas possíveis respostas).

- (1)  $\llbracket \text{Quem chegou?} \rrbracket = \{ \lambda w. \text{CHEGOU}_w(m), \lambda w. \text{CHEGOU}_w(j) \}$
- (2)  $\llbracket \text{A Maria chegou?} \rrbracket = \{ \lambda w. \text{CHEGOU}_w(m), \lambda w. \neg \text{CHEGOU}_w(m) \}$
- (3)  $\llbracket \text{Quem elogiou quem?} \rrbracket =$   
 $\{ \lambda w. \text{ELOGIOU}_w(m,j), \lambda w. \text{ELOGIOU}_w(j,m),$   
 $\lambda w. \text{ELOGIOU}_w(m,m), \lambda w. \text{ELOGIOU}_w(j,j) \}$

## Interrogativas II (Karttunen 1977)

Uma oração interrogativa denota um conjunto de proposições (suas respostas verdadeiras).

Se em  $w$ , Maria e Pedro chegaram, mas João não,

$$(4) \quad \llbracket \text{Quem chegou?} \rrbracket^w = \{ \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(m), \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(p) \}$$

## Interrogativas II (Karttunen 1977)

Uma oração interrogativa denota um conjunto de proposições (suas respostas verdadeiras).

Se em  $w$ , Maria e Pedro chegaram, mas João não,

$$(4) \quad \llbracket \text{Quem chegou?} \rrbracket^w = \{ \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(m), \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(p) \}$$

Generalizando: para qualquer mundo  $w$ ,

$$(5) \quad \llbracket \text{Quem chegou?} \rrbracket^w = \\ \lambda p. p_w \wedge \exists x[\text{PESSOA}_w(x) \wedge p = \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(x)]$$

## Interrogativas II (Karttunen 1977)

Uma oração interrogativa denota um conjunto de proposições (suas respostas verdadeiras).

Se em  $w$ , Maria e Pedro chegaram, mas João não,

$$(6) \quad \llbracket \text{A Maria chegou?} \rrbracket^w = \{ \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(m) \}$$

$$(7) \quad \llbracket \text{O João chegou?} \rrbracket^w = \{ \lambda w'. \neg \text{CHEGOU}_{w'}(j) \}$$

## Interrogativas II (Karttunen 1977)

Uma oração interrogativa denota um conjunto de proposições (suas respostas verdadeiras).

Se em  $w$ , Maria e Pedro chegaram, mas João não,

$$(6) \quad \llbracket \text{A Maria chegou?} \rrbracket^w = \{ \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(m) \}$$

$$(7) \quad \llbracket \text{O João chegou?} \rrbracket^w = \{ \lambda w'. \neg \text{CHEGOU}_{w'}(j) \}$$

Generalizando: para qualquer mundo  $w$ ,

$$(8) \quad \llbracket \text{O } N \text{ chegou?} \rrbracket^w = \\ \lambda p. p_w \wedge (p = \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(n) \vee (p = \lambda w'. \neg \text{CHEGOU}_{w'}(n)))$$

## Interrogativas II (Karttunen 1977)

Uma oração interrogativa denota um conjunto de proposições (suas respostas verdadeiras).

Se em  $w$ , Maria e Pedro chegaram, mas João não,

$$(6) \quad \llbracket \text{A Maria chegou?} \rrbracket^w = \{ \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(m) \}$$

$$(7) \quad \llbracket \text{O João chegou?} \rrbracket^w = \{ \lambda w'. \neg \text{CHEGOU}_{w'}(j) \}$$

Generalizando: para qualquer mundo  $w$ ,

$$(8) \quad \llbracket \text{O } N \text{ chegou?} \rrbracket^w = \\ \lambda p. p_w \wedge (p = \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(n) \vee (p = \lambda w'. \neg \text{CHEGOU}_{w'}(n)))$$

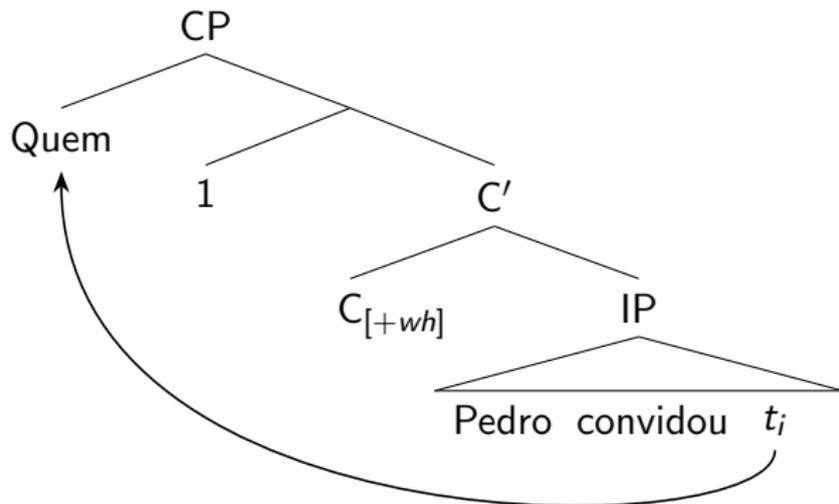
Generalizando ainda mais: se  $w$  é um mundo qualquer e  $q$  é a proposição correspondente à versão declarativa da interrogativa polar  $I$ , então:

$$(9) \quad \llbracket I \rrbracket^w = \lambda p. p_w \wedge (p = q \vee p = \lambda w'. \neg q_{w'})$$

# Interlúdio: a interface sintaxe-semântica

Hamblin/Karttunen adaptados (livremente)

(10) Quem Pedro convidou?



# Interlúdio: a interface sintaxe-semântica

Hamblin/Karttunen adaptados (livremente)

(11)  $[[CP \text{ Quem } 1 [C' C_{[+wh]} [TP \text{ Pedro convidou } t_1]]]]$

$[[TP]]^w = 1$  sse Pedro convidou  $x$  em  $w$

$[[C]]^w = \lambda q. \lambda p. p = q$   $\equiv \lambda q. \{q\}$

$[[C']]^w = \lambda p. p = \lambda w'. \text{ Pedro convidou } x \text{ em } w'$  Apl. Func. Int.

$[[1 C']]^w = \lambda x. \lambda p. p = \lambda w'. \text{ Pedro convidou } x \text{ em } w'$

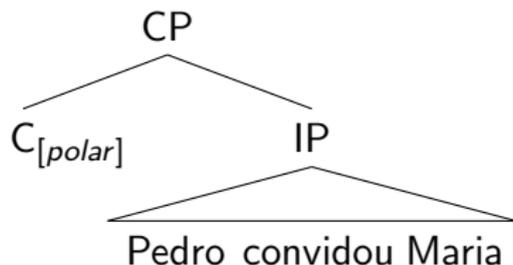
$[[quem]]^w = \lambda P. \lambda p. \exists x [PESSOA_w(x) \ \& \ P(x)(p) = 1]$

$[[CP]]^w = \lambda p. \exists x [PESSOA_w(x) \ \& \ p = \lambda w. \text{ Pedro convidou } x \text{ em } w]$

# Interlúdio: a interface sintaxe-semântica

Hamblin/Karttunen adaptados (livremente)

(12) Pedro convidou Maria?



# Interlúdio: a interface sintaxe-semântica

Hamblin/Karttunen adaptados (livremente)

(13)  $[\text{CP } C_{[\text{polar}]} [\text{TP Pedro convidou Maria}]]$

$[[\text{TP}]] = \lambda w. \text{ Pedro convidou Maria em } w$

$[[C_{[\text{polar}]}]] = \lambda q. \lambda p. (p = q) \vee (p = \neg q)$

$[[\text{CP}]] = \lambda p. (p = \lambda w. \text{ Pedro convidou Maria em } w) \vee$   
 $(p = \lambda w. \text{ Pedro não convidou Maria em } w)$

$[[\text{CP}]] = \lambda p. \{ \lambda w. \text{ Pedro convidou Maria em } w,$   
 $\lambda w. \text{ Pedro não convidou Maria em } w \}$

## Interrogativas III (Groenendijk & Stokhof 1982)

Uma oração interrogativa denota uma proposição (sua resposta completa e verdadeira).

Se em  $w$ , Maria e Pedro chegaram, mas João não,

$$(14) \quad \llbracket \text{Quem chegou?} \rrbracket^w = \\ \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(m) \wedge \text{CHEGOU}_{w'}(p) \wedge \neg \text{CHEGOU}_{w'}(j)$$

## Interrogativas III (Groenendijk & Stokhof 1982)

Uma oração interrogativa denota uma proposição (sua resposta completa e verdadeira).

Se em  $w$ , Maria e Pedro chegaram, mas João não,

$$(14) \quad \llbracket \text{Quem chegou?} \rrbracket^w = \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(m) \wedge \text{CHEGOU}_{w'}(p) \wedge \neg \text{CHEGOU}_{w'}(j)$$

Generalizando: para qualquer mundo  $w$ ,

$$(15) \quad \llbracket \text{Quem chegou?} \rrbracket^w = \lambda w'. \forall x [\text{CHEGOU}_{w'}(x) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(x)]$$

Em palavras: mundos  $w'$  tais que as pessoas que chegaram em  $w'$  são exatamente as mesmas pessoas que chegaram em  $w$

## Interrogativas III (Groenendijk & Stokhof 1982)

Uma oração interrogativa denota uma proposição (sua resposta completa e verdadeira).

Se em  $w$ , Maria e Pedro chegaram, mas João não,

$$(16) \quad \llbracket \text{A Maria chegou?} \rrbracket^w = \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(m)$$

$$(17) \quad \llbracket \text{O João chegou?} \rrbracket^w = \lambda w'. \neg \text{CHEGOU}_{w'}(j)$$

## Interrogativas III (Groenendijk & Stokhof 1982)

Uma oração interrogativa denota uma proposição (sua resposta completa e verdadeira).

Se em  $w$ , Maria e Pedro chegaram, mas João não,

$$(16) \quad \llbracket \text{A Maria chegou?} \rrbracket^w = \lambda w'. \text{CHEGOU}_{w'}(m)$$

$$(17) \quad \llbracket \text{O João chegou?} \rrbracket^w = \lambda w'. \neg \text{CHEGOU}_{w'}(j)$$

Generalizando: para qualquer mundo  $w$ ,

$$(18) \quad \llbracket \text{O } N \text{ chegou?} \rrbracket^w = \lambda w'. [\text{CHEGOU}_{w'}(n) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(n)]$$

Em palavras: mundos  $w'$  que concordam com  $w$  em relação a  $n$  ter chegado ou não.

## Interrogativas III (Groenendijk & Stokhof 1982)

- A **extensão** de uma oração interrogativa em um mundo  $w$  é uma proposição, uma função  $q$  de mundos possíveis em valores de verdade ( $q : W \mapsto \{0, 1\}$ ), ou, equivalentemente, um conjunto de mundos possíveis (nesse caso,  $q \subseteq W$ ).

## Interrogativas III (Groenendijk & Stokhof 1982)

- A **extensão** de uma oração interrogativa em um mundo  $w$  é uma proposição, uma função  $q$  de mundos possíveis em valores de verdade ( $q : W \mapsto \{0, 1\}$ ), ou, equivalentemente, um conjunto de mundos possíveis (nesse caso,  $q \subseteq W$ ).
- A **intensão** de uma oração interrogativa é uma função de mundos possíveis em proposições ( $Q : W \mapsto (W \mapsto \{0, 1\})$ ) ou, equivalentemente, uma relação entre mundos possíveis (nesse caso,  $Q \subseteq W^2$ )

## Interrogativas III (Groenendijk & Stokhof 1982)

- A **extensão** de uma oração interrogativa em um mundo  $w$  é uma proposição, uma função  $q$  de mundos possíveis em valores de verdade ( $q : W \mapsto \{0, 1\}$ ), ou, equivalentemente, um conjunto de mundos possíveis (nesse caso,  $q \subseteq W$ ).
- A **intensão** de uma oração interrogativa é uma função de mundos possíveis em proposições ( $Q : W \mapsto (W \mapsto \{0, 1\})$ ) ou, equivalentemente, uma relação entre mundos possíveis (nesse caso,  $Q \subseteq W^2$ )
- Seja  $S =$  Quem chegou?

$$Q = \lambda w. \lambda w'. \forall x[\text{CHEGOU}_{w'}(x) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(x)]$$

Ou, equivalentemente,

$$Q = \{\langle w, w' \rangle \mid \forall x[\text{CHEGOU}_{w'}(x) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(x)]\}$$

## Interrogativas III (Groenendijk & Stokhof 1982)

- A **extensão** de uma oração interrogativa em um mundo  $w$  é uma proposição, uma função  $q$  de mundos possíveis em valores de verdade ( $q : W \mapsto \{0, 1\}$ ), ou, equivalentemente, um conjunto de mundos possíveis (nesse caso,  $q \subseteq W$ ).
- A **intensão** de uma oração interrogativa é uma função de mundos possíveis em proposições ( $Q : W \mapsto (W \mapsto \{0, 1\})$ ) ou, equivalentemente, uma relação entre mundos possíveis (nesse caso,  $Q \subseteq W^2$ )
- Seja  $S =$  Quem chegou?  
 $Q = \lambda w. \lambda w'. \forall x[\text{CHEGOU}_{w'}(x) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(x)]$   
Ou, equivalentemente,  
 $Q = \{\langle w, w' \rangle \mid \forall x[\text{CHEGOU}_{w'}(x) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(x)]\}$
- Note que essa relação é reflexiva, simétrica e transitiva. Uma relação desse tipo é chamada de **relação de equivalência**.

# Interlúdio: relações de equivalência e partições

- Uma **relação de equivalência**:

## Interlúdio: relações de equivalência e partições

- Uma **relação de equivalência**:

$$R = \{ \langle x, y \rangle \mid x \text{ tem o mesmo tom de cabelo que } y \}$$

## Interlúdio: relações de equivalência e partições

- Uma **relação de equivalência**:

$$R = \{ \langle x, y \rangle \mid x \text{ tem o mesmo tom de cabelo que } y \}$$

- **Cenário:**  $D_R = \{a, b, c, d, e, f\}$ , sendo que  $a, b$  tem cabelo claro;  $c$  tem cabelo ruivo;  $d, e, f$  tem cabelo castanho.

## Interlúdio: relações de equivalência e partições

- Uma **relação de equivalência**:

$$R = \{\langle x, y \rangle \mid x \text{ tem o mesmo tom de cabelo que } y\}$$

- **Cenário:**  $D_R = \{a, b, c, d, e, f\}$ , sendo que  $a, b$  tem cabelo claro;  $c$  tem cabelo ruivo;  $d, e, f$  tem cabelo castanho.

$$R = \{\langle a, b \rangle, \langle b, a \rangle, \langle a, a \rangle, \langle b, b \rangle, \langle c, c \rangle, \langle d, e \rangle, \langle e, f \rangle, \\ \langle d, f \rangle, \langle d, d \rangle, \langle e, d \rangle, \langle e, e \rangle, \langle f, d \rangle, \langle f, e \rangle, \langle f, f \rangle\}$$

## Interlúdio: relações de equivalência e partições

- Uma **relação de equivalência**:

$$R = \{\langle x, y \rangle \mid x \text{ tem o mesmo tom de cabelo que } y\}$$

- **Cenário:**  $D_R = \{a, b, c, d, e, f\}$ , sendo que  $a, b$  tem cabelo claro;  $c$  tem cabelo ruivo;  $d, e, f$  tem cabelo castanho.

$$R = \{\langle a, b \rangle, \langle b, a \rangle, \langle a, a \rangle, \langle b, b \rangle, \langle c, c \rangle, \langle d, e \rangle, \langle e, f \rangle, \\ \langle d, f \rangle, \langle d, d \rangle, \langle e, d \rangle, \langle e, e \rangle, \langle f, d \rangle, \langle f, e \rangle, \langle f, f \rangle\}$$

- **Classes de equivalência:**  $E_x = \{y \mid \langle x, y \rangle \in R\}$

## Interlúdio: relações de equivalência e partições

- Uma **relação de equivalência**:

$$R = \{\langle x, y \rangle \mid x \text{ tem o mesmo tom de cabelo que } y\}$$

- **Cenário:**  $D_R = \{a, b, c, d, e, f\}$ , sendo que  $a, b$  tem cabelo claro;  $c$  tem cabelo ruivo;  $d, e, f$  tem cabelo castanho.

$$R = \{\langle a, b \rangle, \langle b, a \rangle, \langle a, a \rangle, \langle b, b \rangle, \langle c, c \rangle, \langle d, e \rangle, \langle e, f \rangle, \\ \langle d, f \rangle, \langle d, d \rangle, \langle e, d \rangle, \langle e, e \rangle, \langle f, d \rangle, \langle f, e \rangle, \langle f, f \rangle\}$$

- **Classes de equivalência:**  $E_x = \{y \mid \langle x, y \rangle \in R\}$

$E_a = \{a, b\}$	$E_c = \{c\}$	$E_d = \{d, e, f\}$
$E_b = \{a, b\}$		$E_e = \{d, e, f\}$
		$E_f = \{d, e, f\}$

# Interlúdio: relações de equivalência e partições

- Uma **relação de equivalência**:

$$R = \{\langle x, y \rangle \mid x \text{ tem o mesmo tom de cabelo que } y\}$$

- **Cenário:**  $D_R = \{a, b, c, d, e, f\}$ , sendo que  $a, b$  tem cabelo claro;  $c$  tem cabelo ruivo;  $d, e, f$  tem cabelo castanho.

$$R = \{\langle a, b \rangle, \langle b, a \rangle, \langle a, a \rangle, \langle b, b \rangle, \langle c, c \rangle, \langle d, e \rangle, \langle e, f \rangle, \\ \langle d, f \rangle, \langle d, d \rangle, \langle e, d \rangle, \langle e, e \rangle, \langle f, d \rangle, \langle f, e \rangle, \langle f, f \rangle\}$$

- **Classes de equivalência:**  $E_x = \{y \mid \langle x, y \rangle \in R\}$

$E_a = \{a, b\}$	$E_c = \{c\}$	$E_d = \{d, e, f\}$
$E_b = \{a, b\}$		$E_e = \{d, e, f\}$
		$E_f = \{d, e, f\}$

- **Partição:**

$$P_R = \{E_x \mid \text{para todo } x \text{ em } D_R\}$$

$$P_R = \{\{a, b\}, \{c\}, \{d, e, f\}\}$$

# Interlúdio: relações de equivalência e partições

- Uma **relação de equivalência**:

$$R = \{ \langle x, y \rangle \mid x \text{ tem o mesmo tom de cabelo que } y \}$$

- **Cenário:**  $D_R = \{a, b, c, d, e, f\}$ , sendo que  $a, b$  tem cabelo claro;  $c$  tem cabelo ruivo;  $d, e, f$  tem cabelo castanho.

$$R = \{ \langle a, b \rangle, \langle b, a \rangle, \langle a, a \rangle, \langle b, b \rangle, \langle c, c \rangle, \langle d, e \rangle, \langle e, f \rangle, \\ \langle d, f \rangle, \langle d, d \rangle, \langle e, d \rangle, \langle e, e \rangle, \langle f, d \rangle, \langle f, e \rangle, \langle f, f \rangle \}$$

- **Classes de equivalência:**  $E_x = \{y \mid \langle x, y \rangle \in R\}$

$E_a = \{a, b\}$	$E_c = \{c\}$	$E_d = \{d, e, f\}$
$E_b = \{a, b\}$		$E_e = \{d, e, f\}$
		$E_f = \{d, e, f\}$

- **Partição:**

$$P_R = \{E_x \mid \text{para todo } x \text{ em } D_R\}$$

$$P_R = \{ \{a, b\}, \{c\}, \{d, e, f\} \}$$

- Toda relação de equivalência induz uma partição em seu domínio.

## De volta às interrogativas à la G&S

- Seja  $S = \text{Quem chegou?}$

$$Q = \{\langle w, w' \rangle \mid \forall x [\text{CHEGOU}_{w'}(x) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(x)]\}$$

- Sendo uma relação de equivalência,  $Q$  induz uma partição em  $W$ .
- $E_w = \{w' \mid \langle w, w' \rangle \in Q\}$ , para todo  $w \in W$
- $W$  será particionado em conjuntos de mundos que “respondem”  $S$  da mesma forma.

## Interrogativas e partição de $W$

- **S** = Quem chegou?

$$Q = \{ \langle w, w' \rangle \mid \forall x [\text{CHEGOU}_{w'}(x) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(x)] \}$$

## Interrogativas e partição de $W$

- **S** = Quem chegou?

$$Q = \{ \langle w, w' \rangle \mid \forall x [\text{CHEGOU}_{w'}(x) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(x)] \}$$

- **Cenário:**  $W = \{w_1, \dots, w_6\}$ , e Maria e João são as únicas pessoas relevantes, sendo que em  $w_1, w_2$  só Maria chegou; em  $w_3$  só João chegou; em  $w_4, w_5$  Maria e João chegaram; em  $w_6$  ninguém chegou.

## Interrogativas e partição de $W$

- **S** = Quem chegou?

$$\mathcal{Q} = \{ \langle w, w' \rangle \mid \forall x [\text{CHEGOU}_{w'}(x) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(x)] \}$$

- **Cenário:**  $W = \{w_1, \dots, w_6\}$ , e Maria e João são as únicas pessoas relevantes, sendo que em  $w_1, w_2$  só Maria chegou; em  $w_3$  só João chegou; em  $w_4, w_5$  Maria e João chegaram; em  $w_6$  ninguém chegou.

$$\mathcal{Q} = \{ \langle w_1, w_2 \rangle, \langle w_2, w_1 \rangle, \langle w_1, w_1 \rangle, \langle w_2, w_2 \rangle, \langle w_3, w_3 \rangle, \langle w_4, w_5 \rangle, \\ \langle w_4, w_4 \rangle, \langle w_5, w_4 \rangle, \langle w_5, w_5 \rangle, \langle w_6, w_6 \rangle \}$$

## Interrogativas e partição de $W$

- **S** = Quem chegou?

$$Q = \{ \langle w, w' \rangle \mid \forall x [\text{CHEGOU}_{w'}(x) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(x)] \}$$

- **Cenário:**  $W = \{w_1, \dots, w_6\}$ , e Maria e João são as únicas pessoas relevantes, sendo que em  $w_1, w_2$  só Maria chegou; em  $w_3$  só João chegou; em  $w_4, w_5$  Maria e João chegaram; em  $w_6$  ninguém chegou.

$$Q = \{ \langle w_1, w_2 \rangle, \langle w_2, w_1 \rangle, \langle w_1, w_1 \rangle, \langle w_2, w_2 \rangle, \langle w_3, w_3 \rangle, \langle w_4, w_5 \rangle, \\ \langle w_4, w_4 \rangle, \langle w_5, w_4 \rangle, \langle w_5, w_5 \rangle, \langle w_6, w_6 \rangle \}$$

- **Classes de equivalência:**  $E_w = \{w' \mid \langle w, w' \rangle \in Q\}$

$E_{w_1} = \{w_1, w_2\}$	$E_{w_3} = \{w_3\}$	$E_{w_4} = \{w_4, w_5\}$	$E_{w_6} = \{w_6\}$
$E_{w_2} = \{w_1, w_2\}$		$E_{w_5} = \{w_4, w_5\}$	

- **Partição:**  $P_Q = \{ \{w_1, w_2\}, \{w_3\}, \{w_4, w_5\}, \{w_6\} \}$

## Interrogativas e Partição de $W$

- $S = \text{O João chegou?}$

$$Q = \{\langle w, w' \rangle \mid \text{CHEGOU}_{w'}(j) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(j)\}$$

# Interrogativas e Partição de $W$

- **S** = O João chegou?

$$\mathcal{Q} = \{\langle w, w' \rangle \mid \text{CHEGOU}_{w'}(j) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(j)\}$$

- **Cenário:**  $W = \{w_1, \dots, w_6\}$ , e Maria e João são as únicas pessoas relevantes, sendo que em  $w_1, w_2$  só Maria chegou; em  $w_3$  só João chegou; em  $w_4, w_5$  Maria e João chegaram; em  $w_6$  ninguém chegou.

# Interrogativas e Partição de $W$

- $S =$  O João chegou?

$$Q = \{ \langle w, w' \rangle \mid \text{CHEGOU}_{w'}(j) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(j) \}$$

- **Cenário:**  $W = \{w_1, \dots, w_6\}$ , e Maria e João são as únicas pessoas relevantes, sendo que em  $w_1, w_2$  só Maria chegou; em  $w_3$  só João chegou; em  $w_4, w_5$  Maria e João chegaram; em  $w_6$  ninguém chegou.

$$Q = \{ \langle w_3, w_3 \rangle, \langle w_3, w_4 \rangle, \langle w_4, w_3 \rangle, \langle w_4, w_4 \rangle, \langle w_3, w_5 \rangle, \langle w_5, w_3 \rangle, \\ \langle w_5, w_5 \rangle, \langle w_4, w_5 \rangle, \langle w_5, w_4 \rangle, \langle w_5, w_5 \rangle, \langle w_1, w_1 \rangle, \langle w_1, w_2 \rangle, \\ \langle w_2, w_1 \rangle, \langle w_2, w_2 \rangle, \langle w_1, w_6 \rangle, \langle w_6, w_1 \rangle, \langle w_6, w_6 \rangle, \langle w_2, w_6 \rangle, \\ \langle w_6, w_2 \rangle, \langle w_6, w_6 \rangle \}$$

# Interrogativas e Partição de $W$

- **S** = O João chegou?

$$\mathcal{Q} = \{ \langle w, w' \rangle \mid \text{CHEGOU}_{w'}(j) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(j) \}$$

- **Cenário:**  $W = \{w_1, \dots, w_6\}$ , e Maria e João são as únicas pessoas relevantes, sendo que em  $w_1, w_2$  só Maria chegou; em  $w_3$  só João chegou; em  $w_4, w_5$  Maria e João chegaram; em  $w_6$  ninguém chegou.

$$\mathcal{Q} = \{ \langle w_3, w_3 \rangle, \langle w_3, w_4 \rangle, \langle w_4, w_3 \rangle, \langle w_4, w_4 \rangle, \langle w_3, w_5 \rangle, \langle w_5, w_3 \rangle, \\ \langle w_5, w_5 \rangle, \langle w_4, w_5 \rangle, \langle w_5, w_4 \rangle, \langle w_5, w_5 \rangle, \langle w_1, w_1 \rangle, \langle w_1, w_2 \rangle, \\ \langle w_2, w_1 \rangle, \langle w_2, w_2 \rangle, \langle w_1, w_6 \rangle, \langle w_6, w_1 \rangle, \langle w_6, w_6 \rangle, \langle w_2, w_6 \rangle, \\ \langle w_6, w_2 \rangle, \langle w_6, w_6 \rangle \}$$

- **Classes de equivalência:**  $E_w = \{w' \mid \langle w, w' \rangle \in \mathcal{Q}\}$

$E_{w_1} = \{w_1, w_2, w_6\}$	$E_{w_3} = \{w_3, w_4, w_5\}$
$E_{w_2} = \{w_1, w_2, w_6\}$	$E_{w_4} = \{w_3, w_4, w_5\}$
$E_{w_6} = \{w_1, w_2, w_6\}$	$E_{w_5} = \{w_3, w_4, w_5\}$

# Interrogativas e Partição de $W$

- **S** = O João chegou?

$$\mathcal{Q} = \{ \langle w, w' \rangle \mid \text{CHEGOU}_{w'}(j) \leftrightarrow \text{CHEGOU}_w(j) \}$$

- **Cenário:**  $W = \{w_1, \dots, w_6\}$ , e Maria e João são as únicas pessoas relevantes, sendo que em  $w_1, w_2$  só Maria chegou; em  $w_3$  só João chegou; em  $w_4, w_5$  Maria e João chegaram; em  $w_6$  ninguém chegou.

$$\mathcal{Q} = \{ \langle w_3, w_3 \rangle, \langle w_3, w_4 \rangle, \langle w_4, w_3 \rangle, \langle w_4, w_4 \rangle, \langle w_3, w_5 \rangle, \langle w_5, w_3 \rangle, \\ \langle w_5, w_5 \rangle, \langle w_4, w_5 \rangle, \langle w_5, w_4 \rangle, \langle w_5, w_5 \rangle, \langle w_1, w_1 \rangle, \langle w_1, w_2 \rangle, \\ \langle w_2, w_1 \rangle, \langle w_2, w_2 \rangle, \langle w_1, w_6 \rangle, \langle w_6, w_1 \rangle, \langle w_6, w_6 \rangle, \langle w_2, w_6 \rangle, \\ \langle w_6, w_2 \rangle, \langle w_6, w_6 \rangle \}$$

- **Classes de equivalência:**  $E_w = \{w' \mid \langle w, w' \rangle \in \mathcal{Q}\}$

$E_{w_1} = \{w_1, w_2, w_6\}$	$E_{w_3} = \{w_3, w_4, w_5\}$
$E_{w_2} = \{w_1, w_2, w_6\}$	$E_{w_4} = \{w_3, w_4, w_5\}$
$E_{w_6} = \{w_1, w_2, w_6\}$	$E_{w_5} = \{w_3, w_4, w_5\}$

- **Partição:**  $P_{\mathcal{Q}} = \{ \{w_1, w_2, w_6\}, \{w_3, w_4, w_5\} \}$

# Rumo à dinâmica das interrogativas

- Qual seria o potencial de mudança de contexto (CCP) de uma oração interrogativa?

# Rumo à dinâmica das interrogativas

- Qual seria o potencial de mudança de contexto (CCP) de uma oração interrogativa?
- A ideia que discutiremos na aula que vem é que uma interrogativa faz uma partição do contexto relativo ao momento em que é enunciada.

# Rumo à dinâmica das interrogativas

- Qual seria o potencial de mudança de contexto (CCP) de uma oração interrogativa?
- A ideia que discutiremos na aula que vem é que uma interrogativa faz uma partição do contexto relativo ao momento em que é enunciada.
- Texto que nos servirá de base:

**Groenendijk, Jeroen (1999)** *The Logic of Interrogation (Classical Version)*. In Proceedings of SALT IX, 109–126.