

Semântica Intensional

Aula 1

(Revisão de Semântica Extensional)

Marcelo Ferreira
Universidade de São Paulo
ferreira10@usp.br

Significado e Condições de Verdade

- ▶ **Saber o significado de uma sentença é saber as condições necessárias e suficientes para que a sentença seja verdadeira.**

De forma mais reduzida:

- ▶ **Saber o significado de uma sentença é saber suas condições de verdade.**

Semântica Baseada Em Condições de Verdade

► **Objetivo:**

derivar para toda sentença S uma afirmação da seguinte forma (em que p descreve certos aspectos do mundo):

S é verdadeira se e somente se p

Composicionalidade

- ▶ O significado de uma sentença depende do significado dos itens lexicais que a compõem.

(1) João beijou Maria.

(2) João abraçou Maria.

Composicionalidade

- ▶ O significado de uma sentença depende do significado dos itens lexicais que a compõem.

(1) João beijou Maria.

(2) João abraçou Maria.

- ▶ O significado de uma sentença depende da maneira como os itens lexicais estão agrupados na sentença (estrutura sintática).

(3) [João [viu [o astrônomo [com a luneta]]]].

(4) [João [[viu o astrônomo] [com a luneta]]]

Composicionalidade

- ▶ **Princípio de Composicionalidade**

O significado de uma sentença é derivado exclusivamente do significado dos itens lexicais que a compõem e da maneira como esses itens estão agrupados.

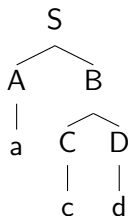
Composicionalidade

- ▶ **Princípio de Composicionalidade (versão geral e radical)**
O significado de um constituinte sintático é derivado exclusivamente do significado de seus constituintes imediatos.

Base de uma teoria semântica composicional

- ▶ Léxico: lista com o significado de cada palavra.
- ▶ Regras Composicionais: Especificação de como obter o significado de um constituinte a partir do significados de seus constituintes imediatos.

Base de uma teoria semântica composicional



- ▶ Os significados de **a**, **c** e **d** estão listados no léxico.
- ▶ Dos significados de **a**, **c** e **d**, obtém-se os significados de **A**, **C** e **D**, respectivamente.
- ▶ Dos significados de **C** e **D**, obtém-se o significado de **B**.
- ▶ Dos significados de **A** e **B**, obtém-se o significado de **S**.

Recursividade

(5) [[O pai do João] [era poeta]]

(6) [[O pai d' [o pai do João]] [era poeta]]

(7) [[O pai d' [o pai d' [o pai do João]]] [era poeta]]

(8) ...

- ▶ Se sabemos derivar composicionalmente o significado de (5), também saberemos como derivar o significado de (6), de (7), etc ...

Terminologia

- ▶ Se uma sentença é verdadeira, dizemos que o seu **valor de verdade** é 1
- ▶ Se uma sentença é falsa, dizemos que o seu **valor de verdade** é 0
- ▶ O valor de verdade (0 ou 1) de uma sentença S é chamado de **extensão** ou **denotação** de S .
- ▶ Representamos a extensão de uma sentença S da seguinte forma: $\llbracket S \rrbracket$
- ▶ As expressões abaixo são, portanto, equivalentes:
 S é verdadeira se, e somente se, p
 $\llbracket S \rrbracket = 1$ sse p

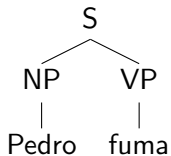
Extensões

- ▶ Uma teoria semântica **extensional** ou **denotacional** atribui a cada constituinte sintático C uma **extensão** ou **denotação**: $\llbracket C \rrbracket$.
- ▶ A extensão de um constituinte é um objeto (normalmente) extra-linguístico que serve de valor semântico do constituinte.
- ▶ **Princípio de Composicionalidade (versão extensional)**
A extensão de um constituinte sintático é derivada da extensão de seus constituintes imediatos.

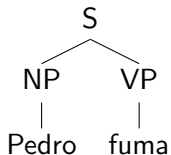
Base de uma Teoria Semântica Extensional

- ▶ Léxico: lista com a extensão de cada palavra.
- ▶ Regras Composicionais: Especificação de como obter a extensão de um constituinte a partir das extensões de seus constituintes imediatos.

Nomes Próprios e Verbos Intransitivos

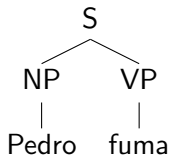


Nomes Próprios e Verbos Intransitivos



$\llbracket S \rrbracket = 1$ sse Pedro fuma

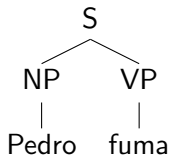
Nomes Próprios e Verbos Intransitivos



[[S]] = 1 sse Pedro fuma

[[Pedro]] = pedro (em carne e osso)

Nomes Próprios e Verbos Intransitivos



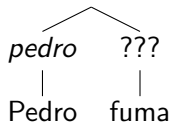
[[S]] = 1 sse Pedro fuma

[[Pedro]] = pedro (em carne e osso)

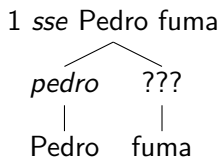
[[fuma]] = ???

Verbos Intransitivos

1 sse Pedro fuma

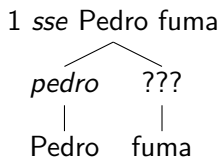


Verbos Intransitivos



- ▶ A extensão de *fuma* deve ser uma função, um dispositivo que associa indivíduos a valores de verdade, de modo que um indivíduo x seja mapeado no valor 1 se x fuma, e no valor 0 se x não fuma.

Verbos Intransitivos



- ▶ A extensão de *fuma* deve ser uma função, um dispositivo que associa indivíduos a valores de verdade, de modo que um indivíduo x seja mapeado no valor 1 se x fuma, e no valor 0 se x não fuma.
- ▶ $\llbracket \text{fuma} \rrbracket = \lambda x. x \text{ fuma}$

Breve Interlúdio sobre Funções e a Notação Lambda

Breve Interlúdio sobre Funções e a Notação Lambda

- ▶ Funções: dispositivos que mapeiam elementos de um conjunto (domínio) em elementos de um outro conjunto (contra-domínio)

Função Sucessor

- ▶ Mapeia números naturais em números naturais.

Para todo $n \in \mathbb{N}$, $S(n) = n + 1$

$S(0) = 1$, $S(1) = 2$, ...

Funções Características

- ▶ O domínio é um conjunto qualquer (p. ex \mathbb{N}) e o contradomínio é o conjunto $\{0,1\}$

$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{se } x \text{ é par} \\ 0 & \text{se } x \text{ é ímpar} \end{cases}$$

- ▶ Essa função *caracteriza* o conjunto dos números pares.

Notação *Lambda* - λ

► Função Sucessor

$$\lambda x : \underbrace{x \in \mathbb{N}}_{\text{domínio}}. \underbrace{x + 1}_{\text{valor}}$$

ou, se o contexto deixar claro o domínio da função

$$\lambda x. x + 1$$

Notação Lambda - λ

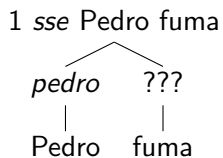
► Função Característica

$$\lambda x : \underbrace{x \in \mathbb{N}}_{\text{domínio}}. \underbrace{x \text{ é par}}_{\text{retorna o valor 1 sse}}$$

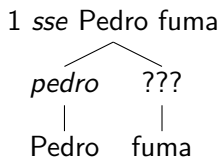
ou, se o contexto deixar claro o domínio da função

$$\lambda x. x \text{ é par}$$

De Volta aos Verbos Intransitivos

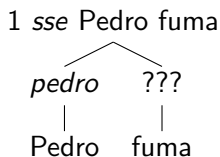


De Volta aos Verbos Intransitivos



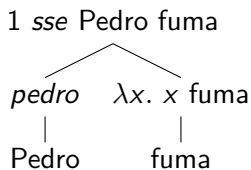
- ▶ A extensão de *fuma* deve ser uma função, um dispositivo que associa indivíduos a valores de verdade, de modo que um indivíduo x seja mapeado no valor 1 se x fuma, e no valor 0 se x não fuma.

De Volta aos Verbos Intransitivos



- ▶ A extensão de *fuma* deve ser uma função, um dispositivo que associa indivíduos a valores de verdade, de modo que um indivíduo x seja mapeado no valor 1 se x fuma, e no valor 0 se x não fuma.
- ▶ $\llbracket \text{fuma} \rrbracket = \lambda x. x \text{ fuma}$

Verbos Intransitivos



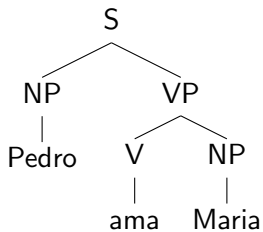
- ▶ $\llbracket S \rrbracket = \llbracket \text{fuma} \rrbracket(\llbracket \text{Pedro} \rrbracket)$

Predicação como Aplicação Funcional

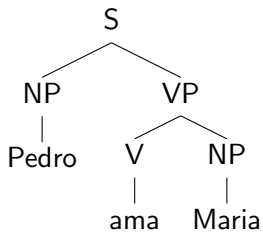
Aplicação Funcional

Seja α um nó ramificado, cujos constituintes imediatos são β e γ .
Se $\llbracket \beta \rrbracket$ é uma função e $\llbracket \gamma \rrbracket$ pertence ao domínio de $\llbracket \beta \rrbracket$, então $\llbracket \alpha \rrbracket = \llbracket \beta \rrbracket(\llbracket \gamma \rrbracket)$.

Verbos Transitivos

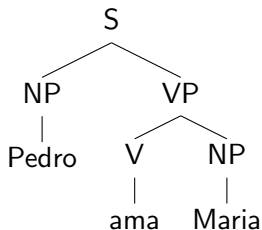


Verbos Transitivos



$\llbracket S \rrbracket = 1$ sse Pedro ama Maria

Verbos Transitivos

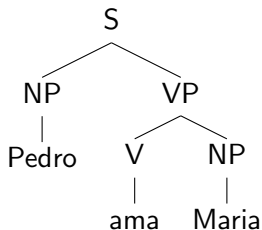


[[S]] = 1 sse Pedro ama Maria

[[Pedro]] = pedro

[[Maria]] = maria

Verbos Transitivos



[[S]] = 1 sse Pedro ama Maria

[[Pedro]] = pedro

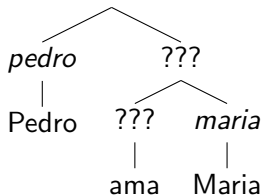
[[Maria]] = maria

[[ama]] = ???

[[VP]] = ???

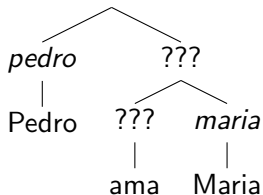
Verbos Transitivos

1 sse Pedro ama Maria



Verbos Transitivos

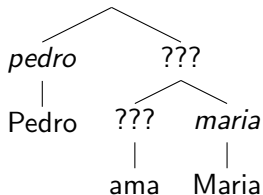
1 se Pedro ama Maria



- ▶ Se a extensão de *ama Maria* for uma função, ela deve levar indivíduos em valores de verdade, de modo que um indivíduo y seja mapeado no valor 1 se y ama Maria, e no valor 0 se y não ama Maria.

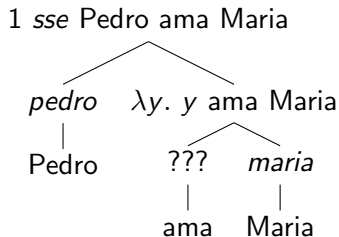
Verbos Transitivos

1 se Pedro ama Maria



- ▶ Se a extensão de *ama Maria* for uma função, ela deve levar indivíduos em valores de verdade, de modo que um indivíduo y seja mapeado no valor 1 se y ama Maria, e no valor 0 se y não ama Maria.
- ▶ $\llbracket \text{ama Maria} \rrbracket = \lambda y. y \text{ ama Maria}$

Verbos Transitivos

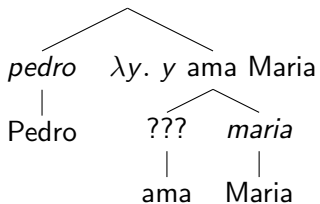


► $\llbracket S \rrbracket = \llbracket \text{ama Maria} \rrbracket(\llbracket \text{Pedro} \rrbracket)$

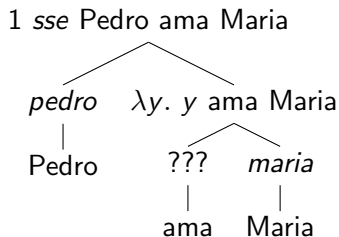
(Aplic. Func.)

Verbos Transitivos

1 sse Pedro ama Maria

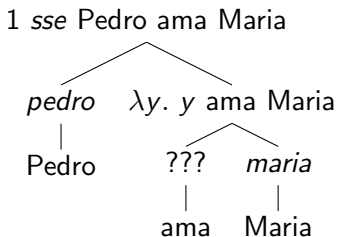


Verbos Transitivos



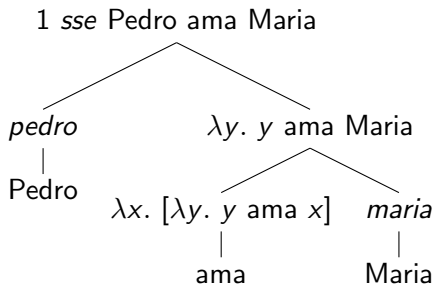
- ▶ Se a extensão de *ama* for uma função, ela deve levar indivíduos em funções, de modo que um indivíduo x seja mapeado em uma função f , a qual mapeia um indivíduo y no valor 1 se y ama x e no valor 0 se y não ama x .

Verbos Transitivos



- ▶ Se a extensão de *ama* for uma função, ela deve levar indivíduos em funções, de modo que um indivíduo x seja mapeado em uma função f , a qual mapeia um indivíduo y no valor 1 se y ama x e no valor 0 se y não ama x .
- ▶ $\llbracket \text{ama} \rrbracket = \lambda x. [\lambda y. y \text{ ama } x]$

Verbos Transitivos



- ▶ $\llbracket S \rrbracket = \llbracket \text{ama Maria} \rrbracket(\llbracket \text{Pedro} \rrbracket)$ (Aplic. Func.)
- ▶ $\llbracket \text{ama maria} \rrbracket = \llbracket \text{ama} \rrbracket(\llbracket \text{Maria} \rrbracket)$ (Aplic. Func.)

Domínios Semânticos

Domínios Semânticos

D_e : conjunto dos indivíduos

Domínios Semânticos

D_e : conjunto dos indivíduos

D_t : conjunto dos valores de verdade ($\{0,1\}$)

Domínios Semânticos

D_e : conjunto dos indivíduos

D_t : conjunto dos valores de verdade ($\{0,1\}$)

$D_{\langle\sigma,\tau\rangle}$: conjunto das funções de D_σ em D_τ .

Domínios Semânticos

D_e : conjunto dos indivíduos

D_t : conjunto dos valores de verdade ($\{0,1\}$)

$D_{\langle\sigma,\tau\rangle}$: conjunto das funções de D_σ em D_τ .

A denotação de um nome próprio pertence a D_e

Domínios Semânticos

D_e : conjunto dos indivíduos

D_t : conjunto dos valores de verdade ($\{0,1\}$)

$D_{\langle\sigma,\tau\rangle}$: conjunto das funções de D_σ em D_τ .

A denotação de um nome próprio pertence a D_e

A denotação de uma sentença pertence a D_t

Domínios Semânticos

D_e : conjunto dos indivíduos

D_t : conjunto dos valores de verdade ($\{0,1\}$)

$D_{\langle\sigma,\tau\rangle}$: conjunto das funções de D_σ em D_τ .

A denotação de um nome próprio pertence a D_e

A denotação de uma sentença pertence a D_t

A denotação de um verbo intransitivo pertence a $D_{\langle e,t\rangle}$

Domínios Semânticos

D_e : conjunto dos indivíduos

D_t : conjunto dos valores de verdade ($\{0,1\}$)

$D_{\langle\sigma,\tau\rangle}$: conjunto das funções de D_σ em D_τ .

A denotação de um nome próprio pertence a D_e

A denotação de uma sentença pertence a D_t

A denotação de um verbo intransitivo pertence a $D_{\langle e,t\rangle}$

A denotação de um verbo transitivo pertence a $D_{\langle e,\langle e,t\rangle\rangle}$

Domínios Semânticos

D_e : conjunto dos indivíduos

D_t : conjunto dos valores de verdade ($\{0,1\}$)

$D_{\langle\sigma,\tau\rangle}$: conjunto das funções de D_σ em D_τ .

A denotação de um nome próprio pertence a D_e

A denotação de uma sentença pertence a D_t

A denotação de um verbo intransitivo pertence a $D_{\langle e,t\rangle}$

A denotação de um verbo transitivo pertence a $D_{\langle e,\langle e,t\rangle\rangle}$

Tipos Semânticos

Tipos Semânticos

e e t são tipos semânticos;

Tipos Semânticos

e e t são tipos semânticos;

Se σ e τ são tipos semânticos, então $\langle \sigma, \tau \rangle$ é um tipo semântico;

Tipos Semânticos

e e t são tipos semânticos;

Se σ e τ são tipos semânticos, então $\langle \sigma, \tau \rangle$ é um tipo semântico;

Nada mais é um tipo semântico.

Tipos Semânticos

e e t são tipos semânticos;

Se σ e τ são tipos semânticos, então $\langle \sigma, \tau \rangle$ é um tipo semântico;

Nada mais é um tipo semântico.

Se uma denotação pertence a D_α , essa denotação é de tipo α

Tipos Semânticos

e e t são tipos semânticos;

Se σ e τ são tipos semânticos, então $\langle \sigma, \tau \rangle$ é um tipo semântico;

Nada mais é um tipo semântico.

Se uma denotação pertence a D_α , essa denotação é de tipo α

A denotação de um nome próprio é de tipo e

Tipos Semânticos

e e t são tipos semânticos;

Se σ e τ são tipos semânticos, então $\langle \sigma, \tau \rangle$ é um tipo semântico;

Nada mais é um tipo semântico.

Se uma denotação pertence a D_α , essa denotação é de tipo α

A denotação de um nome próprio é de tipo e

A denotação de uma sentença é de tipo t

Tipos Semânticos

e e t são tipos semânticos;

Se σ e τ são tipos semânticos, então $\langle \sigma, \tau \rangle$ é um tipo semântico;

Nada mais é um tipo semântico.

Se uma denotação pertence a D_α , essa denotação é de tipo α

A denotação de um nome próprio é de tipo e

A denotação de uma sentença é de tipo t

A denotação de um verbo intransitivo é de tipo $\langle e, t \rangle$

Tipos Semânticos

e e t são tipos semânticos;

Se σ e τ são tipos semânticos, então $\langle \sigma, \tau \rangle$ é um tipo semântico;

Nada mais é um tipo semântico.

Se uma denotação pertence a D_α , essa denotação é de tipo α

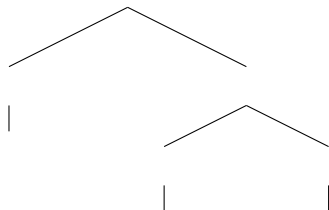
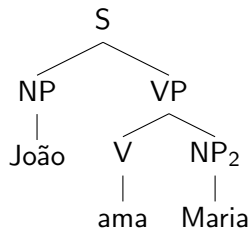
A denotação de um nome próprio é de tipo e

A denotação de uma sentença é de tipo t

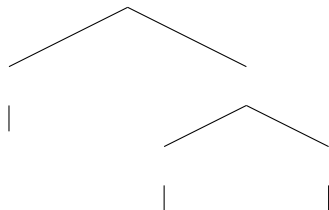
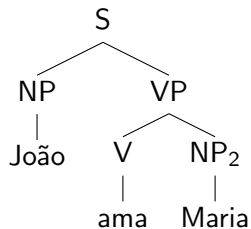
A denotação de um verbo intransitivo é de tipo $\langle e, t \rangle$

...

Derivando Condições de Verdade Passo a Passo

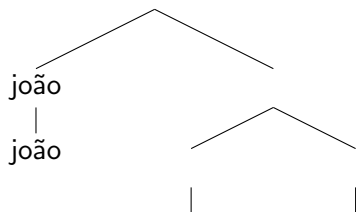
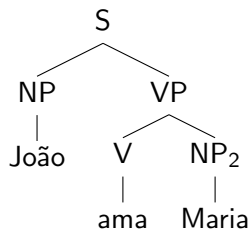


Derivando Condições de Verdade Passo a Passo



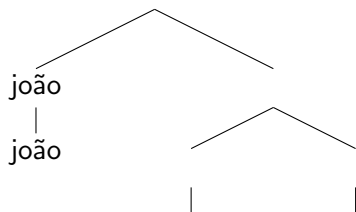
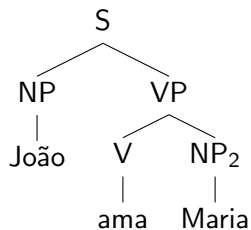
$[[NP]] = [[João]] = \text{joão}$ Léxico, NNR

Derivando Condições de Verdade Passo a Passo

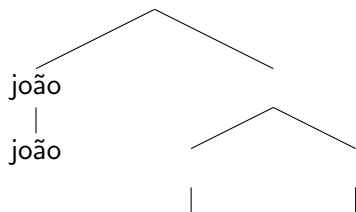
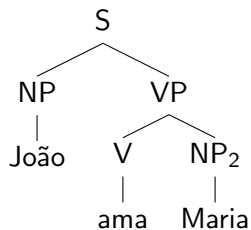


$[[NP]] = [[João]] = \text{joão}$ Léxico, NNR

Derivando Condições de Verdade Passo a Passo

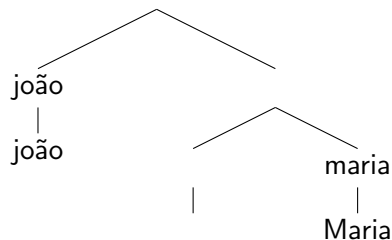
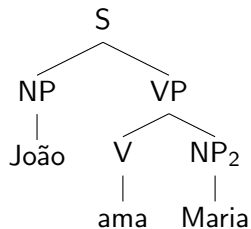


Derivando Condições de Verdade Passo a Passo



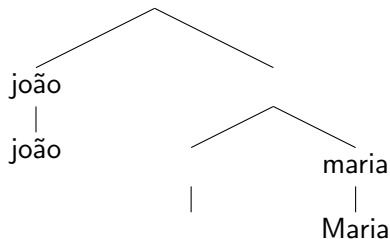
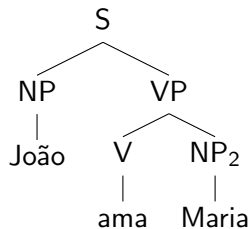
$[[NP_2]] = [[Maria]] = \text{maria}$ Léxico, NNR

Derivando Condições de Verdade Passo a Passo

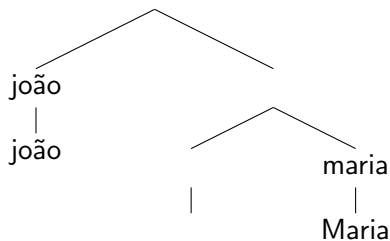
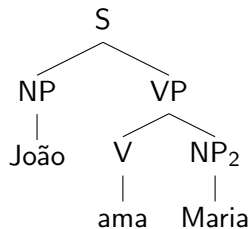


$[[NP_2]] = [[Maria]] = \text{maria}$ Léxico, NNR

Derivando Condições de Verdade Passo a Passo

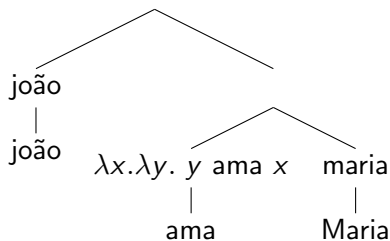
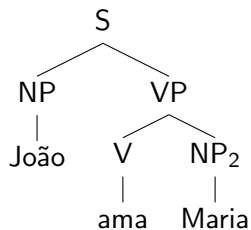


Derivando Condições de Verdade Passo a Passo



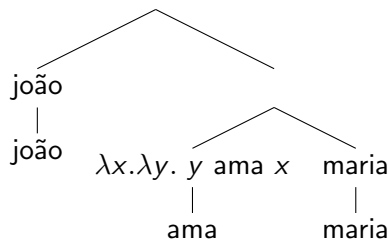
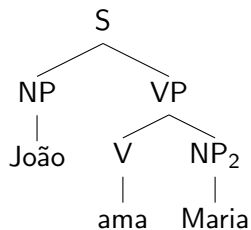
$\llbracket \text{ama} \rrbracket = \lambda x. \lambda y. y \text{ ama } x$ Léxico, NNR

Derivando Condições de Verdade Passo a Passo

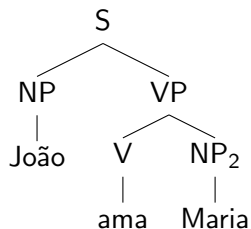


$\llbracket \text{ama} \rrbracket = \lambda x.\lambda y. y \text{ ama } x$ Léxico, NNR

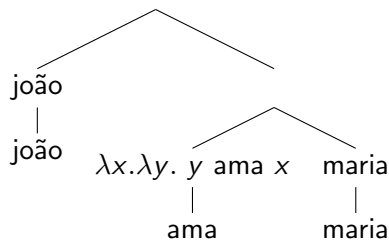
Derivando Condições de Verdade Passo a Passo



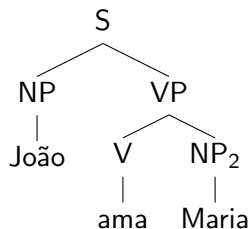
Derivando Condições de Verdade Passo a Passo



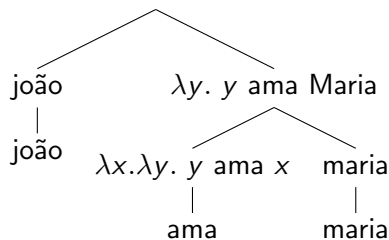
$[[VP]] = [[V]]([[NP_2]])$ Aplic.Func



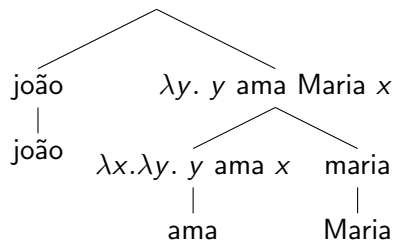
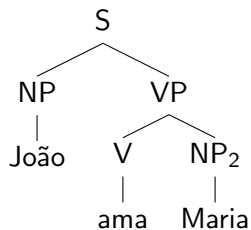
Derivando Condições de Verdade Passo a Passo



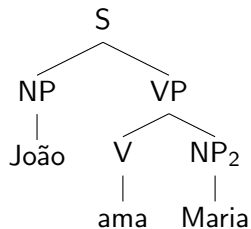
$[[VP]] = [[V]]([[NP_2]])$ Aplic.Func



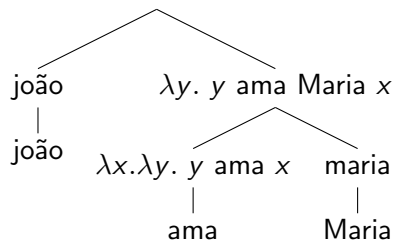
Derivando Condições de Verdade Passo a Passo



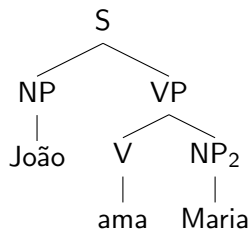
Derivando Condições de Verdade Passo a Passo



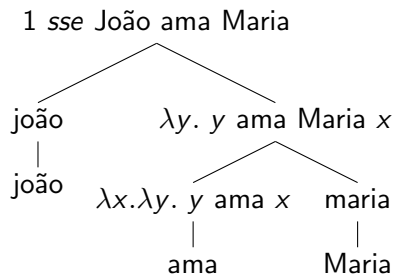
$[[S]] = [[VP]]([[NP]])$ Aplic.Func



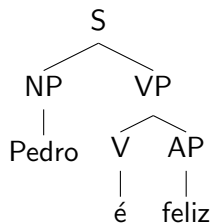
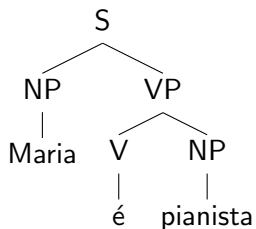
Derivando Condições de Verdade Passo a Passo



$[[S]] = [[VP]]([[NP]])$ Aplic.Func

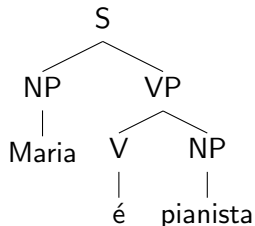


Predicados Não-Verbais



- ▶ Vamos tratar o verbo *ser* como sendo semanticamente vácuo.

Nomes Comuns

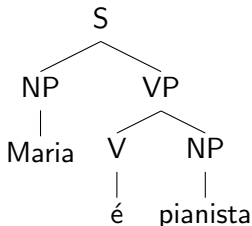


$\llbracket S \rrbracket = 1$ sse Maria é pianista

$\llbracket VP \rrbracket = \llbracket NP \rrbracket = \llbracket \text{pianista} \rrbracket$

$\llbracket \text{pianista} \rrbracket =$

Nomes Comuns

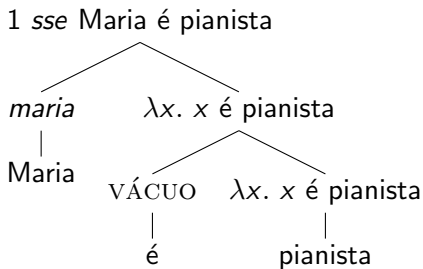


$\llbracket S \rrbracket = 1$ sse Maria é pianista

$\llbracket VP \rrbracket = \llbracket NP \rrbracket = \llbracket \text{pianista} \rrbracket$

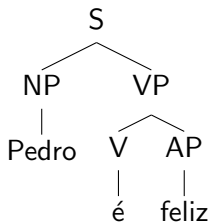
$\llbracket \text{pianista} \rrbracket = \lambda x. x \text{ é pianista}$

Nomes Comuns



$$[[S]] = [[é pianista]]([[Maria]]) \quad (AF)$$

Adjetivos

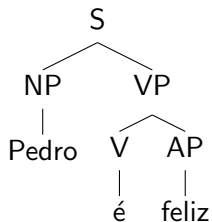


[[S]] = 1 sse Pedro é feliz

[[VP]] = [[AP]] = [[feliz]]

[[feliz]] =

Adjetivos

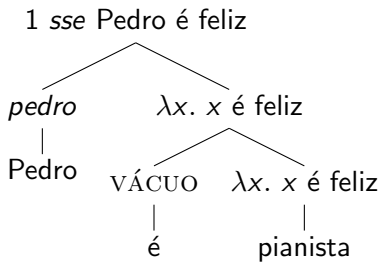


$\llbracket S \rrbracket = 1$ sse Pedro é feliz

$\llbracket VP \rrbracket = \llbracket AP \rrbracket = \llbracket feliz \rrbracket$

$\llbracket feliz \rrbracket = \lambda x. x \text{ é feliz}$

Adjetivos



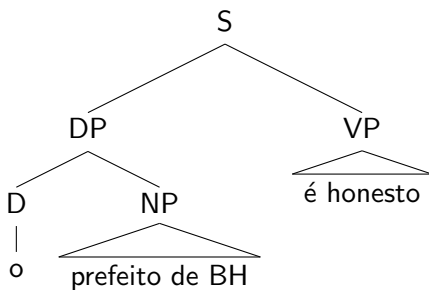
$$\llbracket S \rrbracket = \llbracket \text{é feliz} \rrbracket(\llbracket \text{Pedro} \rrbracket)$$

$$(AF)$$

Descrições Definidas Singulares

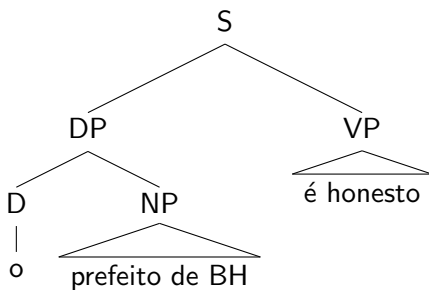
- (9) O prefeito de Belo Horizonte é honesto.
- ▶ Intuitivamente, se o prefeito de BH for João da Silva, então (9) será verdadeira se JS for honesto e falsa se JS não for honesto. Se o prefeito de BH for Pedro dos Santos, então (9) será verdadeira se PS for honesto e falsa se PS não for honesto.

Descrições Definidas Singulares



- ▶ $\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o indivíduo } a, \text{ tal que } a \text{ é prefeito de BH}$

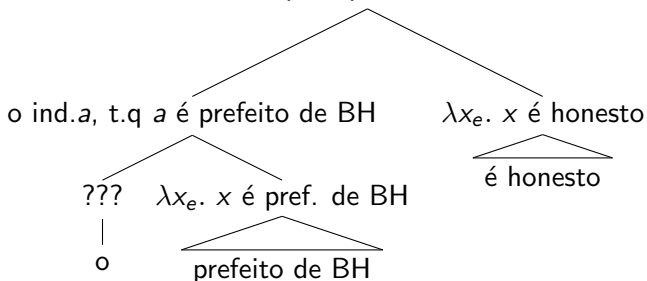
Descrições Definidas Singulares



- ▶ $\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o indivíduo } a, \text{ tal que } a \text{ é prefeito de BH}$
- ▶ $\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \iota x : x \text{ é prefeito de BH}$

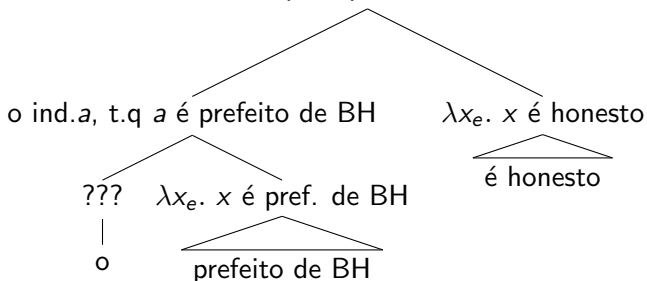
Descrições Definidas Singulares

1 sse o ind. a t.q a é prefeito de BH é honesto



Descrições Definidas Singulares

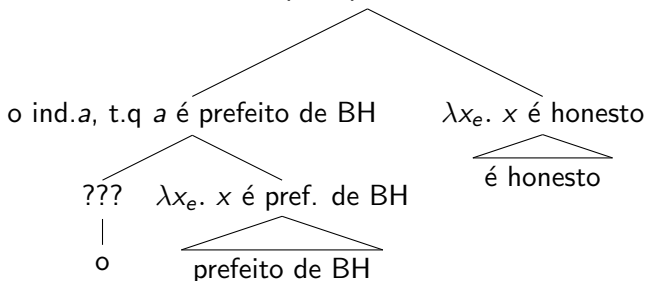
1 sse o ind. a t.q a é prefeito de BH é honesto



$\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o ind. } a \text{ t.q } a \text{ é prefeito de BH}$

Descrições Definidas Singulares

1 sse o ind. a t.q a é prefeito de BH é honesto

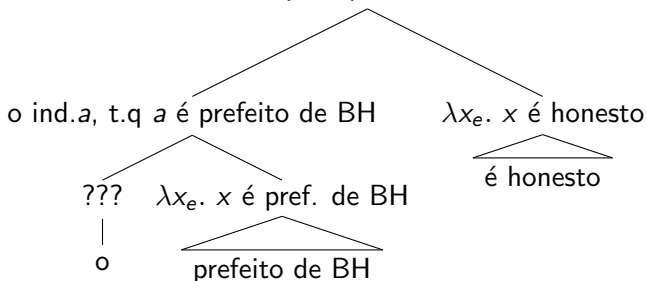


$\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o ind. } a \text{ t.q } a \text{ é prefeito de BH}$

$\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o ind. } a \text{ t.q } \llbracket \text{prefeito de BH} \rrbracket(a) = 1$

Descrições Definidas Singulares

1 sse o ind. a t.q a é prefeito de BH é honesto



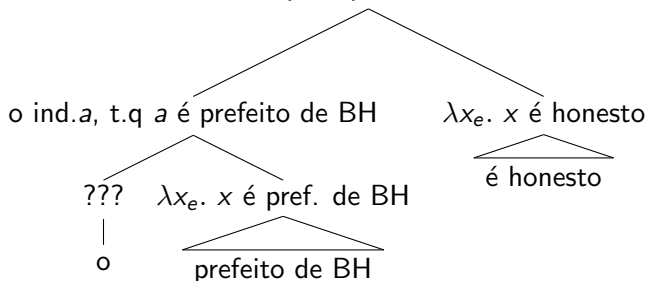
$\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o ind. } a \text{ t.q } a \text{ é prefeito de BH}$

$\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o ind. } a \text{ t.q } \llbracket \text{prefeito de BH} \rrbracket (a) = 1$

$\llbracket \text{o} \rrbracket =$

Descrições Definidas Singulares

1 sse o ind. a t.q a é prefeito de BH é honesto



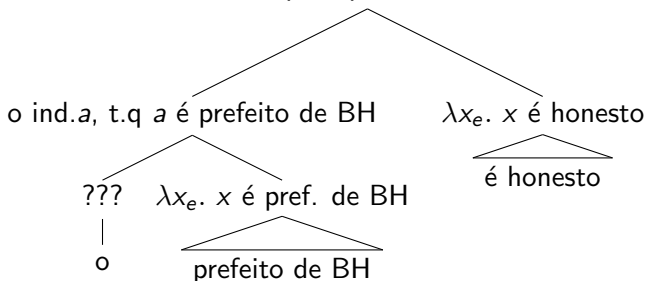
$\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o ind. } a \text{ t.q } a \text{ é prefeito de BH}$

$\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o ind. } a \text{ t.q } \llbracket \text{prefeito de BH} \rrbracket (a) = 1$

$\llbracket \text{o} \rrbracket = [\lambda f. \text{o ind. } a, \text{ tal que } f(a) = 1]$

Descrições Definidas Singulares

1 sse o ind. a t.q a é prefeito de BH é honesto



$\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o ind. } a \text{ t.q } a \text{ é prefeito de BH}$

$\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \text{o ind. } a \text{ t.q } \llbracket \text{prefeito de BH} \rrbracket(a) = 1$

$\llbracket \text{o} \rrbracket = [\lambda f. \text{o ind. } a, \text{ tal que } f(a) = 1]$

$\llbracket \text{o prefeito de BH} \rrbracket = \llbracket \text{o} \rrbracket(\llbracket \text{prefeito de BH} \rrbracket)$ (AF)

Unicidade

- (10) O prefeito de BH é honesto.
- (11) ?? O presidente de BH é honesto.
- (12) ?? O vereador de BH é honesto.

Unicidade

(10) O prefeito de BH é honesto.

(11) ?? O presidente de BH é honesto.

(12) ?? O vereador de BH é honesto.

- ▶ Pergunta: (11) e (12) são verdadeiras ou falsas?

Unicidade

(10) O prefeito de BH é honesto.

(11) ?? O presidente de BH é honesto.

(12) ?? O vereador de BH é honesto.

► Pergunta: (11) e (12) são verdadeiras ou falsas?

(13) O prefeito de BH não é honesto.

(14) ?? O presidente de BH não é honesto.

(15) ?? O vereador de BH não é honesto.

Unicidade

(10) O prefeito de BH é honesto.

(11) ?? O presidente de BH é honesto.

(12) ?? O vereador de BH é honesto.

▶ Pergunta: (11) e (12) são verdadeiras ou falsas?

(13) O prefeito de BH não é honesto.

(14) ?? O presidente de BH não é honesto.

(15) ?? O vereador de BH não é honesto.

▶ Pergunta: (14) e (15) são verdadeiras ou falsas?

Unicidade

- ▶ uma descrição definida da forma $[\underline{\text{DP}} \text{ o NP }]$ parece pressupor que a propriedade associada ao NP só se aplica a um único indivíduo.
- ▶ Quando esse não é o caso, não nos sentimos confortáveis nem para dizer que a sentença em que o DP aparece é verdadeira, nem que ela é falsa.

Unicidade

$[\lambda f. \text{ o ind. } a, \text{ tal que } f(a) = 1]$

condição: existe um único indivíduo que f leva no valor 1

- ▶ Dizemos que esta extensão é uma **função parcial**: Para pertencer ao seu domínio não basta ser uma função que leve indivíduos em valores de verdade. É preciso ser uma função que retorne o valor 1 para um único indivíduo.

Unicidade e Contexto

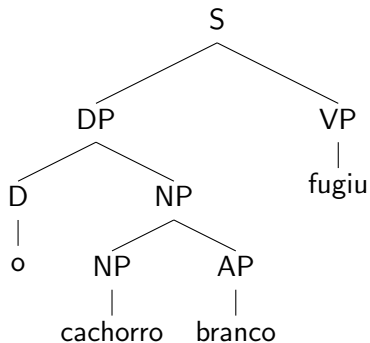
- ▶ Um vereador de BH participou de um debate com um vereador de SP. O vereador de BH se saiu melhor.

Unicidade e Contexto

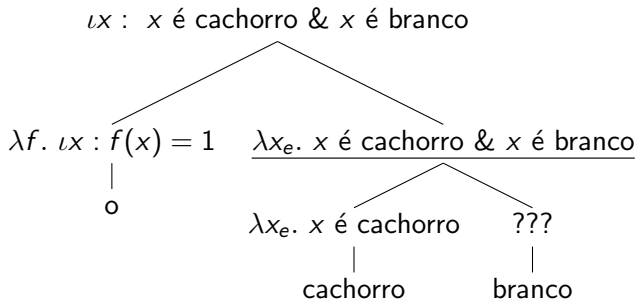
- ▶ Um vereador de BH participou de um debate com um vereador de SP. O vereador de BH se saiu melhor.
- ▶ [λf . o ind. a , tal que $f(a) = 1$]
condição: existe um único indivíduo saliente no contexto que f leva no valor 1

Modificação Adjetival

(16) O cachorro branco fugiu.

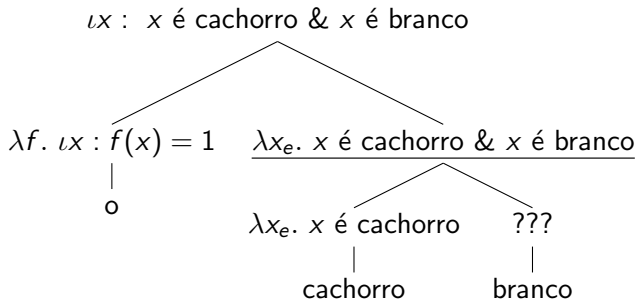


Modificação Adjetival



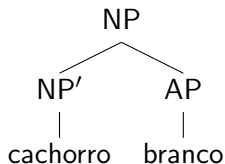
[[branco]] =

Modificação Adjetival



$$\llbracket \text{branco} \rrbracket = \lambda f. \lambda x_e. f(x) = 1 \ \& \ x \text{ é branco}$$

Modificação Adjetival



$\llbracket \text{NP} \rrbracket = \llbracket \text{branco} \rrbracket(\llbracket \text{cachorro} \rrbracket)$ (AF)

$\llbracket \text{NP} \rrbracket = [\lambda f. \lambda x_e. f(x) = 1 \ \& \ x \text{ é branco}](\llbracket \text{cachorro} \rrbracket)$

$\llbracket \text{NP} \rrbracket = \lambda x_e. \llbracket \text{cachorro} \rrbracket(x) = 1 \ \& \ x \text{ é branco}$

$\llbracket \text{NP} \rrbracket = \lambda x_e. x \text{ é cachorro} \ \& \ x \text{ é branco}$

Polissemia?

(17) Rex é branco¹.

(18) O cachorro branco² fugiu.

- ▶ $\llbracket \text{branco}^1 \rrbracket = \lambda x_e. x \text{ é branco}$
- ▶ $\llbracket \text{branco}^2 \rrbracket = \lambda f. \lambda x_e. f(x) = 1 \ \& \ x \text{ é branco}$
- ▶ $\llbracket \underline{\text{branco}}^2 \rrbracket = \lambda f. \lambda x_e. f(x) = 1 \ \& \ \llbracket \underline{\text{branco}}^1 \rrbracket(x) = 1$

Pronomes

(19) Ele é italiano.

(20) Ele é tio dele.

Pronomes

(19) Ele é italiano.

(20) Ele é tio dele.

- ▶ Estas sentenças são verdadeiras ou falsas?
- ▶ $[[\text{ele}]] = ???$

Pronomes: alguns fatos

- ▶ Como nomes próprios e descrições definidas, pronomes são usados para se falar de pessoas e objetos.
- ▶ Fora de contexto, não faz sentido perguntar se uma sentença que contém um pronome é verdadeira ou falsa. É só quando estamos cientes do contexto em que a sentença foi dita que podemos nos pronunciar a respeito.
- ▶ Também não faz sentido perguntar a quem ou a que um pronome se refere, se não dermos informações sobre o contexto.
- ▶ Para sentenças com mais de um pronome, o contexto deve deixar claro a quem ou a que estamos nos referindo ao usar cada um dos pronomes. Mesmo dentro de uma mesma sentença, diferentes pronomes podem estar relacionados a diferentes indivíduos.

Pronomes: algumas conclusões

- ▶ Parece natural assumir que, a exemplo dos nomes próprios e das descrições definidas, a extensão de um pronome é um indivíduo.
- ▶ No entanto, é preciso relativizar a extensão de um pronome a um parâmetro que traduza de alguma forma o papel do contexto de fala.
- ▶ Da mesma forma, é preciso relativizar a extensão das sentenças contendo pronomes a esse mesmo parâmetro.
- ▶ É preciso marcar os diferentes pronomes que podem aparecer em uma sentença de modo a deixar claro se eles se referem ou não ao mesmo indivíduo.

Índices

(21) Ele_1 é italiano.

(22) Ele_1 é tio $dele_2$.

- ▶ Índices diferentes indicam que os pronomes têm referentes distintos. Índices iguais indicam que os pronomes têm referentes iguais.

(23) O tio $dele_1$ deu um carro pra ele_1 .

(24) O tio $dele_1$ deu um carro pra ele_2 .

Formalizando o Contexto de Fala

- ▶ **Atribuições:** funções (parciais) que levam números naturais em indivíduos.

$$g: [1 \rightarrow \text{João}] \quad g': \begin{bmatrix} 1 \rightarrow \text{Pedro} \\ 2 \rightarrow \text{João} \end{bmatrix} \quad g'': \begin{bmatrix} 1 \rightarrow \text{João} \\ 2 \rightarrow \text{Pedro} \\ 3 \rightarrow \text{Maria} \end{bmatrix}$$

Formalizando o Contexto de Fala

- ▶ **Atribuições:** funções (parciais) que levam números naturais em indivíduos.

$$g: [1 \rightarrow \text{João}] \quad g': \begin{bmatrix} 1 \rightarrow \text{Pedro} \\ 2 \rightarrow \text{João} \end{bmatrix} \quad g'': \begin{bmatrix} 1 \rightarrow \text{João} \\ 2 \rightarrow \text{Pedro} \\ 3 \rightarrow \text{Maria} \end{bmatrix}$$

$$\llbracket \text{ele}_1 \rrbracket^g = g(1) = \text{João}$$

$$\llbracket \text{ele}_1 \rrbracket^{g'} = g'(1) = \text{Pedro}$$

$$\llbracket \text{ela}_3 \rrbracket^{g''} = g''(3) = \text{Maria}$$

Entrada Lexical dos Pronomes

Para qualquer pronome pro , qualquer atribuição g , e qualquer número natural i ,

$$\llbracket pro_i \rrbracket^g = \begin{cases} g(i) & \text{se } i \in D(g) \\ \text{indefinido} & \text{se } i \notin D(g) \end{cases}$$

Entrada Lexical dos Pronomes

Para qualquer pronome pro , qualquer atribuição g , e qualquer número natural i ,

$$\llbracket pro_i \rrbracket^g = \begin{cases} g(i) & \text{se } i \in D(g) \\ \textit{indefinido} & \text{se } i \notin D(g) \end{cases}$$

$$\llbracket ele_1 \rrbracket^{[1 \rightarrow \textit{Pedro}]} = \textit{Pedro}$$

$$\llbracket ele_2 \rrbracket^{[1 \rightarrow \textit{João}]} = \textit{indefinido}$$

$$\llbracket ele_1 \rrbracket^{\emptyset} = \textit{indefinido}$$

Sentenças e Atribuições

$\llbracket \text{Ele}_1 \text{ é italiano} \rrbracket^{[1 \rightarrow \text{João}]} = 1 \text{ sse João é italiano}$

$\llbracket \text{Ele}_1 \text{ é tio dele}_2 \rrbracket^{[1 \rightarrow \text{João}, 2 \rightarrow \text{Pedro}]} = 1 \text{ sse João é tio de Pedro}$

Composicionalidade e Atribuições

Aplicação Funcional

Seja α um nó ramificado, cujos constituintes imediatos são β e γ . Para qualquer atribuição g , se $\llbracket \beta \rrbracket^g$ é uma função e $\llbracket \gamma \rrbracket^g$ pertence ao domínio de $\llbracket \beta \rrbracket^g$, então $\llbracket \alpha \rrbracket^g = \llbracket \beta \rrbracket^g(\llbracket \gamma \rrbracket^g)$.

Outras Entradas Lexicais

- ▶ Entradas não sensíveis ao atribuição:

$[[\text{João}]]^g = \text{joão}$

$[[\text{ama}]]^g = \lambda x. \lambda y. y \text{ ama } x$

Uma Derivação

(25) Ela₁ ama Pedro.

$$\llbracket \text{ama} \rrbracket^g = \lambda x_e. \lambda y_e. y \text{ ama } x$$

$$\llbracket \text{Pedro} \rrbracket^g = \text{pedro}$$

$$\llbracket \text{ama Pedro} \rrbracket^g = \llbracket \text{ama} \rrbracket^g(\llbracket \text{Pedro} \rrbracket^g)$$

$$\llbracket \text{ama Pedro} \rrbracket^g = \lambda y_e. y \text{ ama Pedro}$$

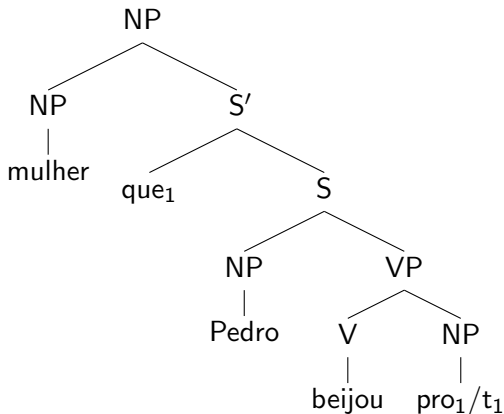
$$\llbracket \text{ela}_1 \rrbracket^g = g(1)$$

$$\llbracket S \rrbracket^g = \llbracket \text{ama Pedro} \rrbracket^g(\llbracket \text{ela}_1 \rrbracket^g)$$

$$\llbracket S \rrbracket^g = 1 \text{ sse } g(1) \text{ ama Pedro}$$

Orações Relativas

(26) A mulher **que Pedro beijou** sorriu.



Orações Relativas e Modificação

Eis o que queremos derivar:

$\llbracket \text{mulher que Pedro beijou} \rrbracket = \lambda x_e. x \text{ é mulher} \ \& \ \text{Pedro beijou } x$

Orações Relativas e Modificação

Eis o que queremos derivar:

$\llbracket \text{mulher que Pedro beijou} \rrbracket = \lambda x_e. x \text{ é mulher} \ \& \ \text{Pedro beijou } x$

Já sabemos que:

$\llbracket \text{mulher} \rrbracket = \lambda x_e. x \text{ é mulher}$

Orações Relativas e Modificação

Eis o que queremos derivar:

$\llbracket \text{mulher que Pedro beijou} \rrbracket = \lambda x_e. x \text{ é mulher} \ \& \ \text{Pedro beijou } x$

Já sabemos que:

$\llbracket \text{mulher} \rrbracket = \lambda x_e. x \text{ é mulher}$

Então, o que buscamos é:

$\llbracket \text{que Pedro beijou} \rrbracket = \lambda x_e. \text{ Pedro beijou } x$

Orações Relativas e Modificação

Eis o que queremos derivar:

$\llbracket \text{mulher que Pedro beijou} \rrbracket = \lambda x_e. x \text{ é mulher} \ \& \ \text{Pedro beijou } x$

Já sabemos que:

$\llbracket \text{mulher} \rrbracket = \lambda x_e. x \text{ é mulher}$

Então, o que buscamos é:

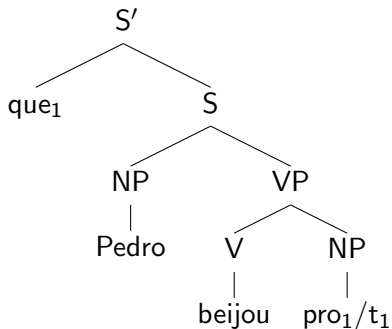
$\llbracket \text{que Pedro beijou} \rrbracket = \lambda x_e. \text{Pedro beijou } x$

ou então,

$\llbracket \text{que Pedro beijou} \rrbracket = \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x$

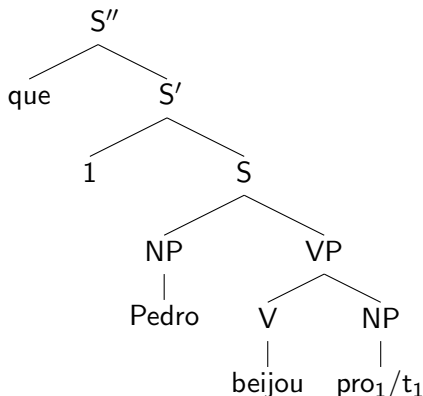
O Input para a Semântica (Heim e Kratzer 1998)

Ao invés disto:



O Input para a Semântica (Heim e Kratzer 1998)

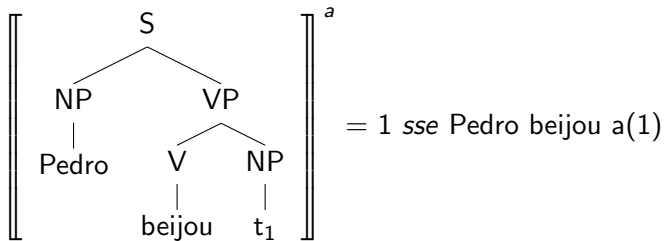
Assumiremos isto:



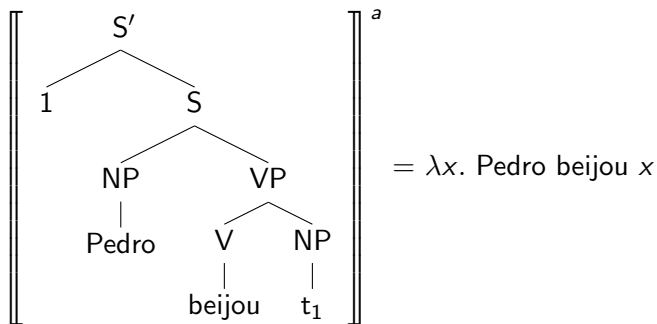
Interpretação Composicional

- ▶ Vestígios têm a mesma interpretação que pronomes. Logo:

$$[[t_i]]^a = a(i)$$



Interpretação Composicional



- ▶ Isto é o que queremos derivar. Mas como obter $\llbracket S' \rrbracket$ a partir de $\llbracket S \rrbracket$ e do índice 1?

Abstração Funcional

Abstração Funcional

Seja α um nó ramificado cujos constituintes imediatos são β e um índice numérico i . Então, $\llbracket \alpha \rrbracket^a = \lambda x_e. \llbracket \beta \rrbracket^{a[i \rightarrow x]}$

$$\left[\begin{array}{c} \alpha \\ \wedge \\ i \quad \beta \end{array} \right]^a = \lambda x_e. \llbracket \beta \rrbracket^{a[i \rightarrow x]}$$

$a[i \rightarrow x]$ é um atribuição igual a a exceto pelo fato de que i é mapeado em x

Abstração Funcional

Abstração Funcional

Seja α um nó ramificado cujos constituintes imediatos são β e um índice numérico i . Então, $\llbracket \alpha \rrbracket^a = \lambda x_e. \llbracket \beta \rrbracket^{a[i \rightarrow x]}$

$$\left[\begin{array}{c} \alpha \\ \wedge \\ i \quad \beta \end{array} \right]^a = \lambda x_e. \llbracket \beta \rrbracket^{a[i \rightarrow x]}$$

$a[i \rightarrow x]$ é um atribuição igual a a exceto pelo fato de que i é mapeado em x

$$a : \left[\begin{array}{l} 1 \rightarrow \text{João} \\ 2 \rightarrow \text{Pedro} \\ 3 \rightarrow \text{Maria} \end{array} \right] \quad a[1 \rightarrow \text{Carlos}] : \left[\begin{array}{l} 1 \rightarrow \text{Carlos} \\ 2 \rightarrow \text{Pedro} \\ 3 \rightarrow \text{Maria} \end{array} \right]$$

Abstração Funcional

Abstração Funcional

Seja α um nó ramificado cujos constituintes imediatos são β e um índice numérico i . Então, $\llbracket \alpha \rrbracket^a = \lambda x_e. \llbracket \beta \rrbracket^{a[i \rightarrow x]}$

$$\left[\begin{array}{c} \alpha \\ \wedge \\ i \quad \beta \end{array} \right]^a = \lambda x_e. \llbracket \beta \rrbracket^{a[i \rightarrow x]}$$

$a[i \rightarrow x]$ é um atribuição igual a a exceto pelo fato de que i é mapeado em x

$$a : \left[\begin{array}{l} 1 \rightarrow \text{João} \\ 2 \rightarrow \text{Pedro} \\ 3 \rightarrow \text{Maria} \end{array} \right] \quad a[2 \rightarrow \text{José}] : \left[\begin{array}{l} 1 \rightarrow \text{João} \\ 2 \rightarrow \text{José} \\ 3 \rightarrow \text{Maria} \end{array} \right]$$

Abstração Funcional

Abstração Funcional

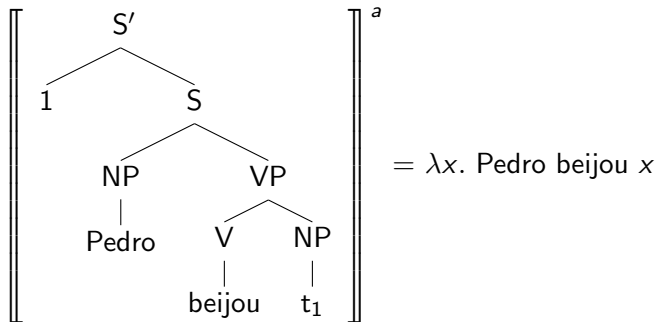
Seja α um nó ramificado cujos constituintes imediatos são β e um índice numérico i . Então, $\llbracket \alpha \rrbracket^a = \lambda x_e. \llbracket \beta \rrbracket^{a[i \rightarrow x]}$

$$\left[\begin{array}{c} \alpha \\ \wedge \\ i \quad \beta \end{array} \right]^a = \lambda x_e. \llbracket \beta \rrbracket^{a[i \rightarrow x]}$$

$a[i \rightarrow x]$ é um atribuição igual a a exceto pelo fato de que i é mapeado em x

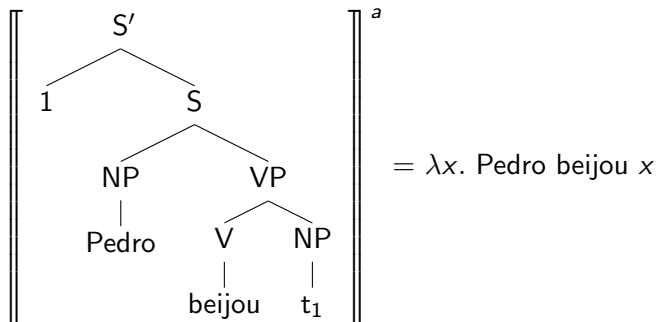
$$a : \left[\begin{array}{l} 1 \rightarrow \text{João} \\ 2 \rightarrow \text{Pedro} \end{array} \right] \quad a[3 \rightarrow \text{Maria}] : \left[\begin{array}{l} 1 \rightarrow \text{João} \\ 2 \rightarrow \text{Pedro} \\ 3 \rightarrow \text{Maria} \end{array} \right]$$

Interpretação Composicional



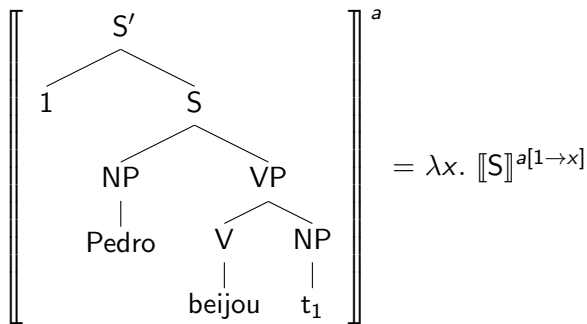
- ▶ Como obter $\llbracket S' \rrbracket$ a partir de $\llbracket S \rrbracket$ e do índice 1?

Interpretação Composicional



- ▶ Como obter $\llbracket S' \rrbracket$ a partir de $\llbracket S \rrbracket$ e do índice 1?
- ▶ Utilizando Abstração Funcional

Interpretação Composicional

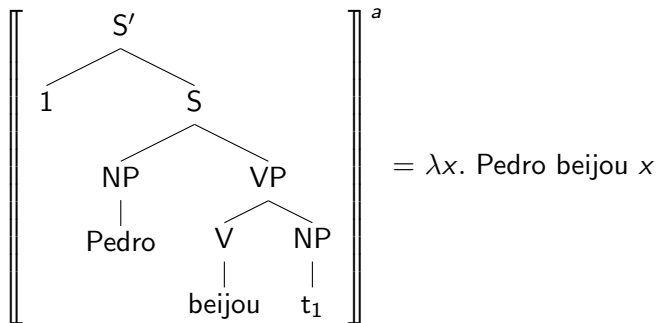


$[[S]]^{a[1 \rightarrow x]} = 1$ sse Pedro beijou $a[1 \rightarrow x](1)$

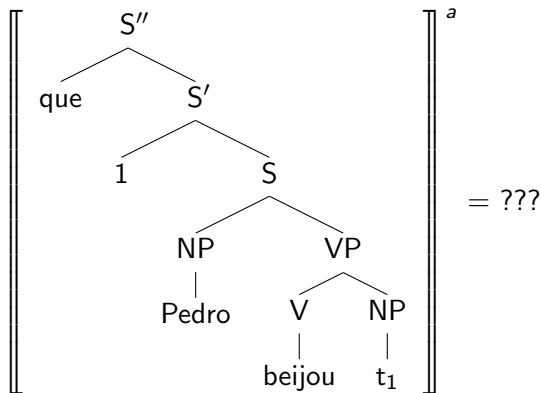
Mas $a[1 \rightarrow x](1) = x$. Logo,

$[[S]]^{a[1 \rightarrow x]} = 1$ sse Pedro beijou x

Interpretação Composicional



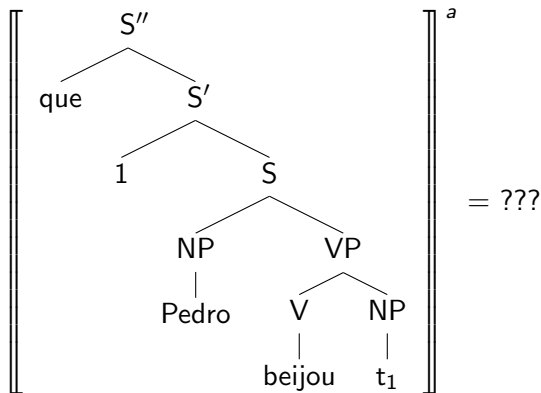
Interpretação Composicional



Eis o que queremos: $\llbracket S'' \rrbracket = \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x$

Eis o que temos: $\llbracket S' \rrbracket = \lambda x. \text{Pedro beijou } x$

Interpretação Composicional

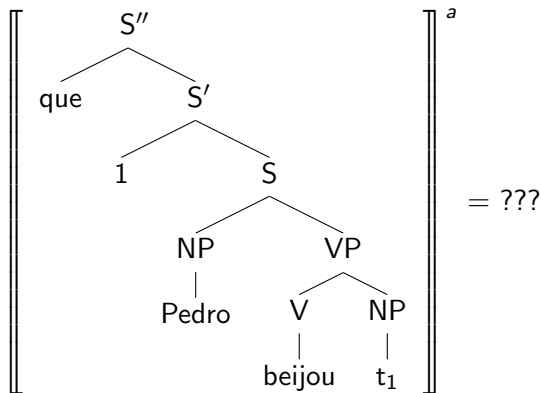


Eis o que queremos: $\llbracket S'' \rrbracket = \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x$

Eis o que temos: $\llbracket S' \rrbracket = \lambda x. \text{Pedro beijou } x$

$\llbracket \text{que} \rrbracket =$

Interpretação Composicional



Eis o que queremos: $\llbracket S'' \rrbracket = \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x$

Eis o que temos: $\llbracket S' \rrbracket = \lambda x. \text{Pedro beijou } x$

$\llbracket \text{que} \rrbracket = \lambda g. \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[NP_1 [NP_2 mulher] [S'' que [S' 1 [S Pedro beijou t_1]]]]]$$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[_{NP_1} [_{NP_2} mulher] [_{S''} que [_{S'} 1 [_{S} Pedro beijou t_1]]]]$$

$$[[S']^a = \lambda x. [[S]^a[1 \rightarrow x]] \quad (\text{Abs.Func.})$$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[_{NP_1} [_{NP_2} mulher] [_{S''} que [_{S'} 1 [_{S} Pedro beijou t_1]]]]$$

$$\begin{aligned} \llbracket S' \rrbracket^a &= \lambda x. \llbracket S \rrbracket^a [1 \rightarrow x] && \text{(Abs.Func.)} \\ &= \lambda x. \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[_{NP_1} [_{NP_2} mulher] [_{S''} que [_{S'} 1 [_{S} Pedro beijou t_1]]]]$$

$$\begin{aligned} \llbracket S' \rrbracket^a &= \lambda x. \llbracket S \rrbracket^a[1 \rightarrow x] && \text{(Abs.Func.)} \\ &= \lambda x. \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\llbracket S'' \rrbracket^a = \llbracket que \rrbracket(\llbracket S' \rrbracket^a) \quad \text{(AF)}$$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[_{NP_1} [_{NP_2} mulher] [_{S''} que [_{S'} 1 [_{S} Pedro beijou t_1]]]]$$

$$\begin{aligned} \llbracket S' \rrbracket^a &= \lambda x. \llbracket S \rrbracket^a[1 \rightarrow x] && \text{(Abs.Func.)} \\ &= \lambda x. \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \llbracket S'' \rrbracket^a &= \llbracket que \rrbracket(\llbracket S' \rrbracket^a) && \text{(AF)} \\ &= [\lambda g. \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1](\llbracket S' \rrbracket^a) \end{aligned}$$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[_{NP_1} [_{NP_2} mulher] [_{S''} que [_{S'} 1 [_{S} Pedro beijou t_1]]]]$$

$$\begin{aligned} \llbracket S' \rrbracket^a &= \lambda x. \llbracket S \rrbracket^a[1 \rightarrow x] && \text{(Abs.Func.)} \\ &= \lambda x. \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \llbracket S'' \rrbracket^a &= \llbracket que \rrbracket(\llbracket S' \rrbracket^a) && \text{(AF)} \\ &= [\lambda g. \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1](\llbracket S' \rrbracket^a) \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \llbracket S' \rrbracket^a(x) = 1 \end{aligned}$$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[_{NP_1} [_{NP_2} mulher] [_{S''} que [_{S'} 1 [_{S} Pedro beijou t_1]]]]$$

$$\begin{aligned} \llbracket S' \rrbracket^a &= \lambda x. \llbracket S \rrbracket^{a[1 \rightarrow x]} && \text{(Abs.Func.)} \\ &= \lambda x. \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \llbracket S'' \rrbracket^a &= \llbracket que \rrbracket (\llbracket S' \rrbracket^a) && \text{(AF)} \\ &= [\lambda g. \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1] (\llbracket S' \rrbracket^a) \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \llbracket S' \rrbracket^a(x) = 1 \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[[NP_1 [NP_2 mulher] [S'' que [S' 1 [S Pedro beijou t_1]]]]]$$

$$\begin{aligned} [[S']^a &= \lambda x. [[S]^a[1 \rightarrow x]] && \text{(Abs.Func.)} \\ &= \lambda x. \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} [[S'']^a &= [[que]]([[S']^a) && \text{(AF)} \\ &= [\lambda g. \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1]([[S']^a) \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ [[S']^a(x) = 1 \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$[[NP_1]]^a = [[S'']^a([[NP_2]]^a) \quad \text{(AF)}$$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[_{NP_1} [_{NP_2} mulher] [_{S''} que [_{S'} 1 [_{S} Pedro beijou t_1]]]]$$

$$\begin{aligned} \llbracket S' \rrbracket^a &= \lambda x. \llbracket S \rrbracket^a[1 \rightarrow x] && \text{(Abs.Func.)} \\ &= \lambda x. \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \llbracket S'' \rrbracket^a &= \llbracket que \rrbracket(\llbracket S' \rrbracket^a) && \text{(AF)} \\ &= [\lambda g. \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1](\llbracket S' \rrbracket^a) \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \llbracket S' \rrbracket^a(x) = 1 \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \llbracket NP_1 \rrbracket^a &= \llbracket S'' \rrbracket^a(\llbracket NP_2 \rrbracket^a) && \text{(AF)} \\ &= [\lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x](\llbracket mulher \rrbracket^a) \end{aligned}$$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[\text{NP}_1 \text{ } [\text{NP}_2 \text{ mulher }] \text{ } [_{S''} \text{ que } [_{S'} \text{ 1 } [_{S} \text{ Pedro beijou } t_1]]]]$$

$$\begin{aligned} \llbracket S' \rrbracket^a &= \lambda x. \llbracket S \rrbracket^{a[1 \rightarrow x]} && \text{(Abs.Func.)} \\ &= \lambda x. \text{ Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \llbracket S'' \rrbracket^a &= \llbracket \text{que} \rrbracket (\llbracket S' \rrbracket^a) && \text{(AF)} \\ &= [\lambda g. \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1] (\llbracket S' \rrbracket^a) \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \llbracket S' \rrbracket^a(x) = 1 \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \llbracket \text{NP}_1 \rrbracket^a &= \llbracket S'' \rrbracket^a (\llbracket \text{NP}_2 \rrbracket^a) && \text{(AF)} \\ &= [\lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x] (\llbracket \text{mulher} \rrbracket^a) \\ &= \lambda x. \llbracket \text{mulher} \rrbracket^a(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

Interpretação Composicional Passo a Passo

$$[\text{NP}_1 \text{ } [\text{NP}_2 \text{ mulher }] \text{ } [_{S''} \text{ que } [_{S'} \text{ 1 } [_{S} \text{ Pedro beijou } t_1]]]]$$

$$\begin{aligned} \llbracket S' \rrbracket^a &= \lambda x. \llbracket S \rrbracket^{a[1 \rightarrow x]} && \text{(Abs.Func.)} \\ &= \lambda x. \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \llbracket S'' \rrbracket^a &= \llbracket \text{que} \rrbracket (\llbracket S' \rrbracket^a) && \text{(AF)} \\ &= [\lambda g. \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1] (\llbracket S' \rrbracket^a) \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \llbracket S' \rrbracket^a(x) = 1 \\ &= \lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \llbracket \text{NP}_1 \rrbracket^a &= \llbracket S'' \rrbracket^a (\llbracket \text{NP}_2 \rrbracket^a) && \text{(AF)} \\ &= [\lambda f. \lambda x. f(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x] (\llbracket \text{mulher} \rrbracket^a) \\ &= \lambda x. \llbracket \text{mulher} \rrbracket^a(x) = 1 \ \& \ \text{Pedro beijou } x \\ &= \lambda x. x \text{ é mulher } \ \& \ \text{Pedro beijou } x \end{aligned}$$

Pronomes Ligados

(27) João odeia o chefe dele.

(28) Só João odeia o chefe dele.

Pronomes Ligados

(27) João odeia o chefe dele.

(28) Só João odeia o chefe dele.

- ▶ (28) é ambígua de uma forma que (27) não é.

Pronomes Ligados

[Pedro é o chefe de João]

João odeia o chefe dele \equiv João odeia Pedro

Pronomes Ligados

[Pedro é o chefe de João]

João odeia o chefe dele \equiv João odeia Pedro

Só João odeia o chefe dele \equiv

Pronomes Ligados

[Pedro é o chefe de João]

João odeia o chefe dele \equiv João odeia Pedro

Só João odeia o chefe dele \equiv

João odeia Pedro e ninguém mais odeia Pedro.

João odeia Pedro e ninguém mais odeia o próprio chefe.

Co-referência vs. Ligação

(29) João odeia o chefe dele.

$$\llbracket \text{odeia o chefe dele} \rrbracket^g = \begin{cases} \lambda x. x \text{ odeia o chefe do João} & (a) \\ \lambda x. x \text{ odeia o chefe de } x & (b) \end{cases}$$

- ▶ Em (a), o pronome é interpretado anaforicamente, co-referente ao sujeito *João*
- ▶ Em (b), o pronome é interpretado como uma *variável ligada*.

Co-referência vs. Ligação

(30) João odeia o chefe dele.

- ▶ Quando o sujeito da oração é um nome próprio, as interpretações anafórica e de variável ligada não levam a diferenças de significado.
- ▶ $[\lambda x. x \text{ odeia o chefe do João}](\text{joão}) =$
1 sse João odeia o chefe do João
- ▶ $[\lambda x. x \text{ odeia o chefe de } x](\text{joão}) =$
1 sse João odeia o chefe do João

[_{DP} Só João]

- ▶ $\llbracket \text{Só João trabalha} \rrbracket = 1 \text{ sse}$
João trabalha e ninguém mais trabalha

[_{DP} Só João]

- ▶ $[[\text{Só João trabalha}]] = 1$ sse
João trabalha e ninguém mais trabalha
- ▶ Intuição: $[[\text{Só João}]]$ inspeciona a extensão de VP e verifica se João é o único indivíduo que é levado no valor 1 por esta função.

[DP Só João]

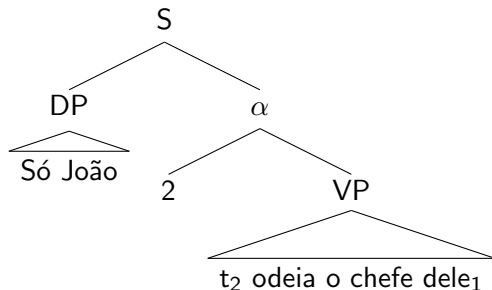
- ▶ $\llbracket \text{Só João trabalha} \rrbracket = 1$ sse
João trabalha e ninguém mais trabalha
- ▶ Intuição: $\llbracket \text{Só João} \rrbracket$ inspeciona a extensão de VP e verifica se João é o único indivíduo que é levado no valor 1 por esta função.
- ▶ $\llbracket \text{Só João} \rrbracket =$
 $\lambda f. f(\text{joão}) = 1 \ \& \ \neg \exists x : x \neq \text{joão} \ \& \ f(x) = 1$

Co-referência vs. Ligação

(31) Só João odeia o chefe dele.

- ▶ Quando o sujeito da oração é não é um nome próprio, as interpretações anafórica e de variável ligada podem levar a diferenças de significado.
- ▶ $\llbracket \text{Só João} \rrbracket = \lambda f. f(\text{joão}) = 1 \ \& \ \neg \exists x : x \neq \text{joão} \ \& \ f(x) = 1$
- ▶ $\llbracket \text{só João} \rrbracket (\lambda x. x \text{ odeia o chefe do João}) = 1$ sse
João odeia o chefe do João e
 $\neg \exists x : x \neq \text{joão} \ \& \ x \text{ odeia o chefe do João}$
- ▶ $\llbracket \text{só o João} \rrbracket (\lambda x. x \text{ odeia o chefe de } x) = 1$ sse
João odeia o chefe do João e
 $\neg \exists x : x \neq \text{joão} \ \& \ x \text{ odeia o chefe de } x$

Co-referência: Sintaxe e Semântica



$$[[\alpha]]^g = \lambda x. [[VP]]^{g[2 \rightarrow x]}$$

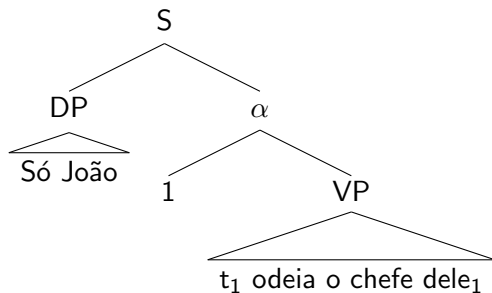
$$[[VP]]^{g[2 \rightarrow x]} = 1 \text{ sse } x \text{ odeia o chefe de } g(1)$$

$$[[\alpha]]^g = \lambda x. x \text{ odeia o chefe de } g(1)$$

$$[[\alpha]]^g = \lambda x. x \text{ odeia o chefe do João}$$

(se $g(1) = \text{João}$)

Ligação: Sintaxe e Semântica



$$[[\alpha]]^g = \lambda x. [[VP]]^g[1 \rightarrow x]$$

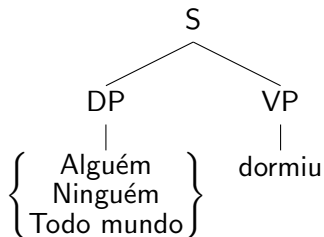
$$[[VP]]^g[1 \rightarrow x] = 1 \text{ sse } x \text{ odeia o chefe de } x$$

$$[[\alpha]]^g = \lambda x. x \text{ odeia o chefe de } x$$

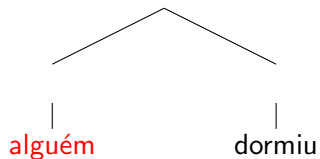
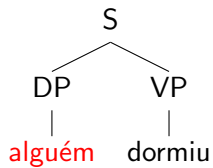
Sintagmas Quantificadores

- (32) Alguém dormiu.
- (33) Ninguém dormiu.
- (34) Todo mundo dormiu.
- (35) Algum aluno dormiu.
- (36) Nenhum aluno dormiu.
- (37) Todo aluno dormiu.
- (38) Mais de um aluno dormiu.
- (39) Quatro alunos dormiram.
- (40) Menos de cinco alunos dormiram.
- (41) A maioria dos alunos dormiram.

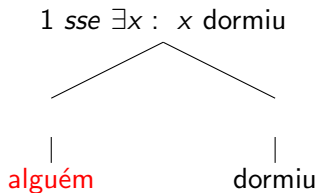
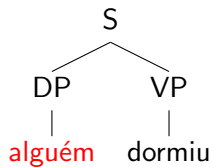
Sintagmas Quantificadores



Sintagmas Quantificadores

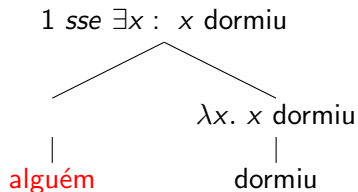
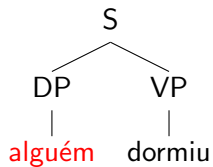


Sintagmas Quantificadores



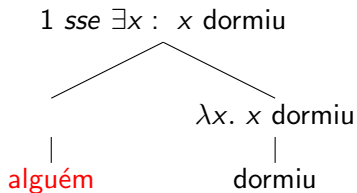
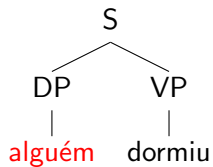
$\llbracket S \rrbracket = 1 \text{ sse } \exists x : x \text{ dormiu}$

Sintagmas Quantificadores



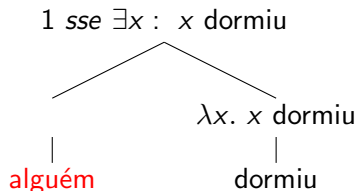
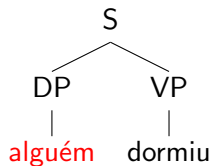
$\llbracket \text{dormiu} \rrbracket = \lambda x. x \text{ dormiu}$

Sintagmas Quantificadores



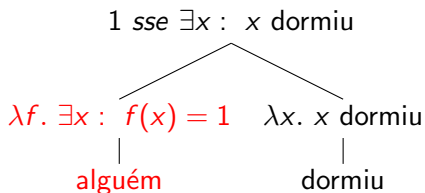
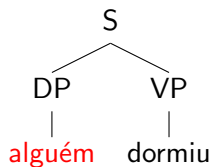
$\llbracket \text{alguém} \rrbracket = ???$

Sintagmas Quantificadores



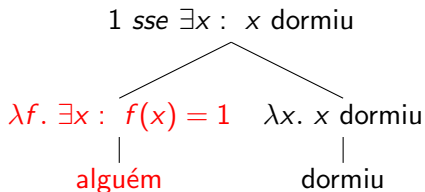
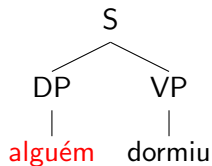
Intuição: *alguém* inspeciona a extensão de *dormir*, verificando se há algum indivíduo mapeado no valor 1. Se houver, a sentença é verdadeira. Se não houver, a sentença é falsa.

Sintagmas Quantificadores



$$\llbracket \text{alguém} \rrbracket = \lambda f. \exists x : f(x) = 1$$

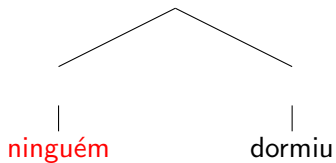
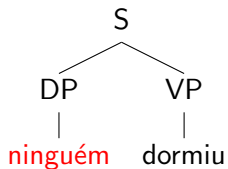
Sintagmas Quantificadores



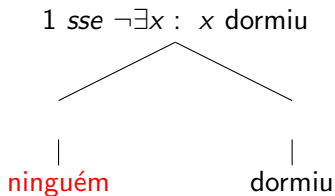
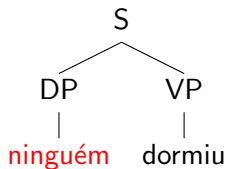
Note que neste caso é o sujeito que toma o VP como argumento.

$$[[S]] = [[\text{alguém}]]([[\text{dormiu}]])$$

Sintagmas Quantificadores

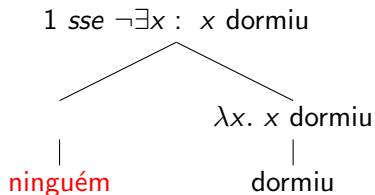
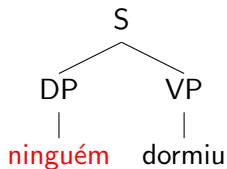


Sintagmas Quantificadores



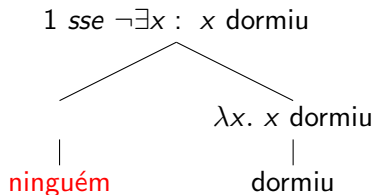
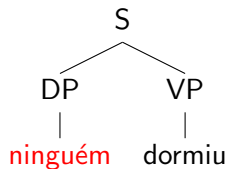
$\llbracket S \rrbracket = 1 \text{ sse } \neg \exists x : x \text{ dormiu}$

Sintagmas Quantificadores



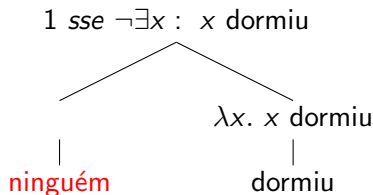
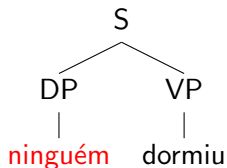
$\llbracket \text{dormiu} \rrbracket = \lambda x. x \text{ dormiu}$

Sintagmas Quantificadores



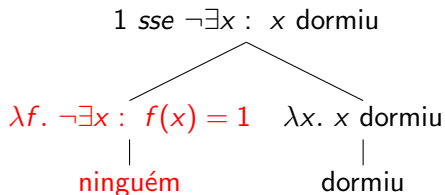
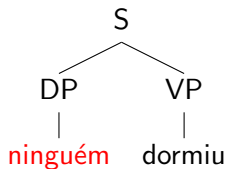
$\llbracket \text{ninguém} \rrbracket = ???$

Sintagmas Quantificadores



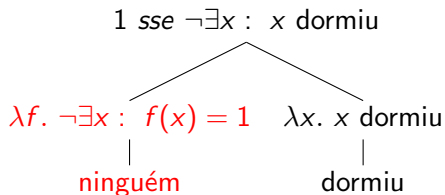
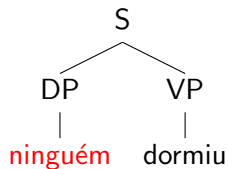
Intuição: *ninguém* inspeciona a extensão de *dormir*, verificando se há algum indivíduo mapeado no valor 1. Se não houver, a sentença é verdadeira. Se houver, a sentença é falsa.

Sintagmas Quantificadores



$$\llbracket \text{ninguém} \rrbracket = \lambda f. \neg \exists x : f(x) = 1$$

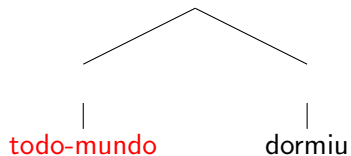
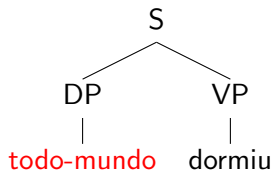
Sintagmas Quantificadores



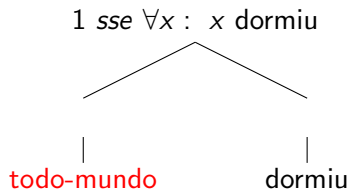
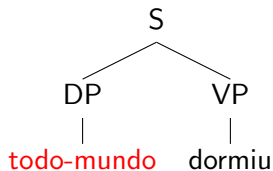
Aqui também é o sujeito que toma o VP como argumento.

$$[[S]] = [[\text{ninguém}]]([[\text{dormiu}]])$$

Sintagmas Quantificadores

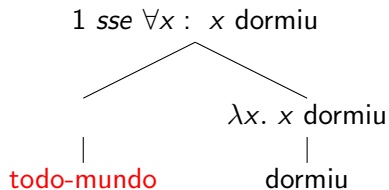
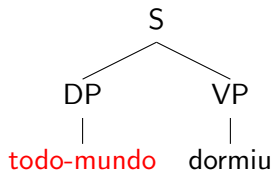


Sintagmas Quantificadores



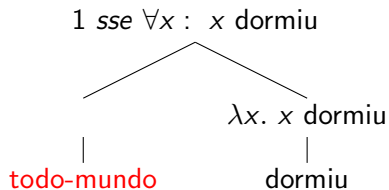
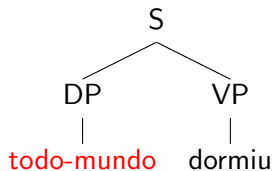
$\llbracket S \rrbracket = 1 \text{ sse } \forall x : x \text{ dormiu}$

Sintagmas Quantificadores



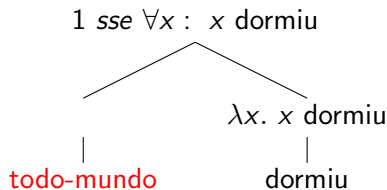
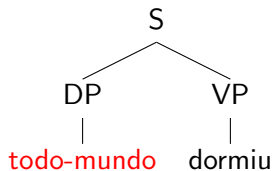
$\llbracket \text{dormiu} \rrbracket = \lambda x. x \text{ dormiu}$

Sintagmas Quantificadores



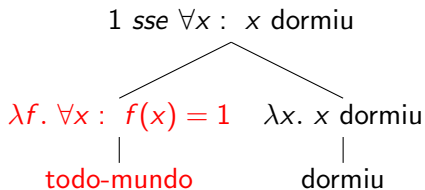
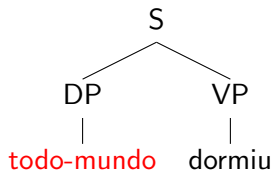
$\llbracket \text{todo mundo} \rrbracket = ???$

Sintagmas Quantificadores



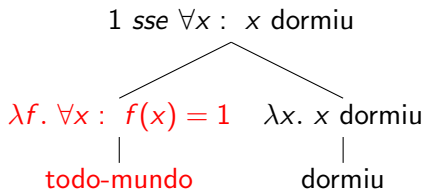
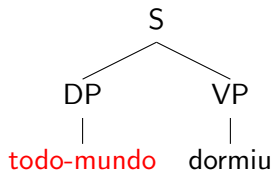
Intuição: *todo mundo* inspeciona a extensão de *dormir*, verificando se todos os indivíduos pertencentes ao seu domínio são mapeados no valor 1. Se este for o caso, a sentença é verdadeira. Caso contrário, a sentença é falsa.

Sintagmas Quantificadores



$$\llbracket \text{todo mundo} \rrbracket = \lambda f. \forall x : f(x) = 1$$

Sintagmas Quantificadores



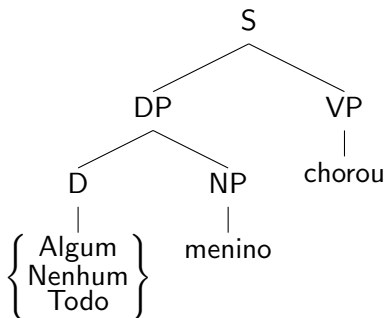
Aqui também é o sujeito que toma o VP como argumento.

$$[[S]] = [[\text{todo mundo}]]([[dormiu]])$$

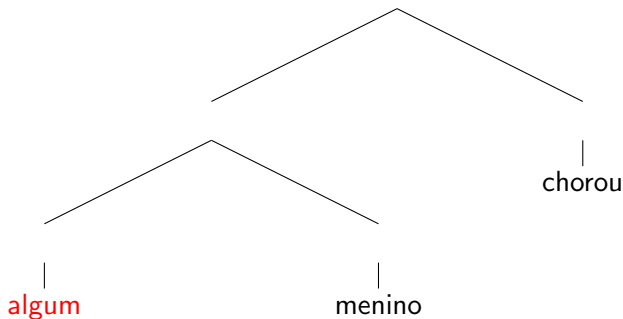
Determinantes Quantificadores

- (42) Algum menino chorou.
- (43) Nenhum menino chorou.
- (44) Todo menino chorou.

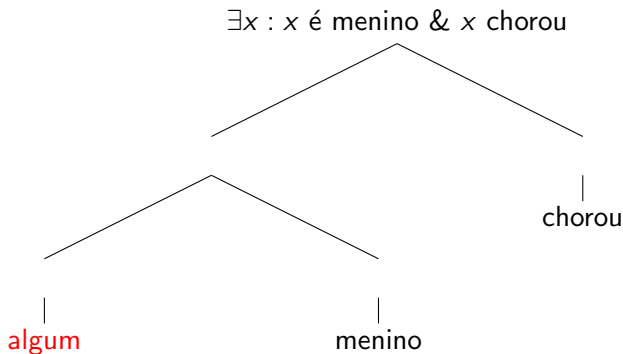
Determinantes Quantificadores



Determinantes Quantificadores

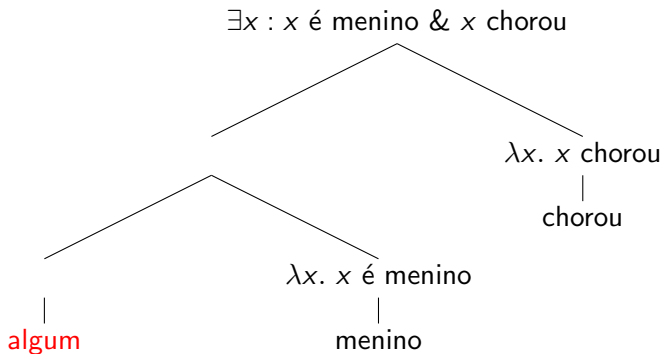


Determinantes Quantificadores



$\llbracket S \rrbracket = 1$ sse $\exists x : x \text{ é menino \& } x \text{ chorou}$

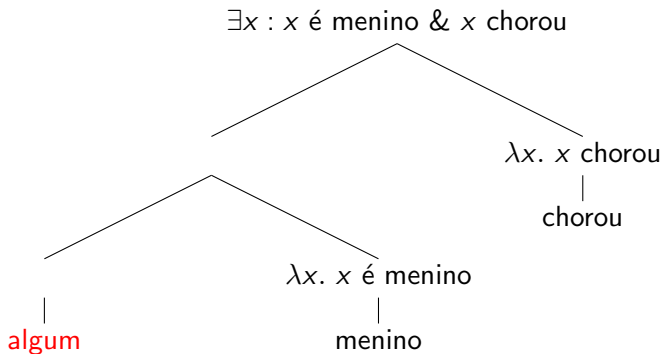
Determinantes Quantificadores



$\llbracket \text{menino} \rrbracket = \lambda x. x \text{ é menino}$

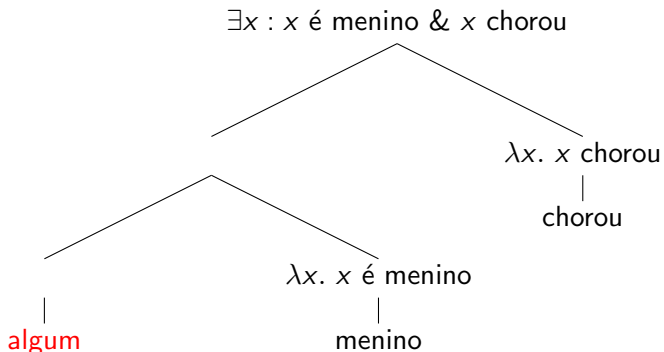
$\llbracket \text{chorou} \rrbracket = \lambda x. x \text{ chorou}$

Determinantes Quantificadores



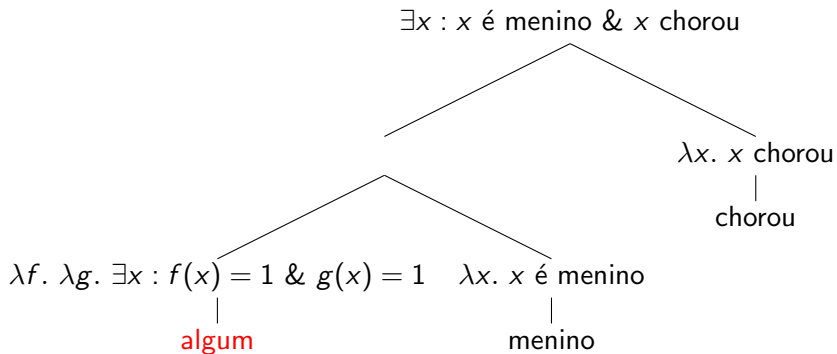
$\llbracket \text{algun} \rrbracket = ???$

Determinantes Quantificadores



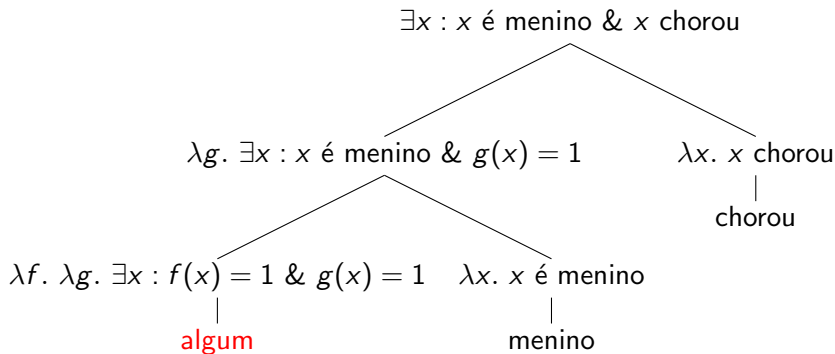
Intuição: $\llbracket \text{algun} \rrbracket$ inspeciona $\llbracket \text{menino} \rrbracket$ e $\llbracket \text{chorou} \rrbracket$ e verifica se algum indivíduo levado no valor 1 pela primeira é levado no valor 1 pela segunda.

Determinantes Quantificadores



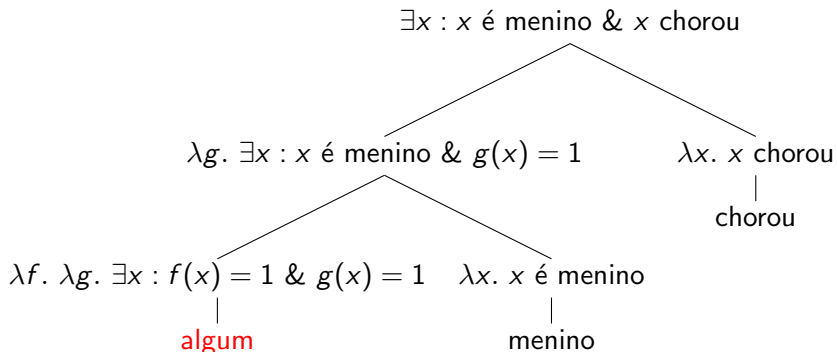
$$\llbracket \text{algun} \rrbracket = \lambda f. \ \lambda g. \ \exists x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1$$

Determinantes Quantificadores



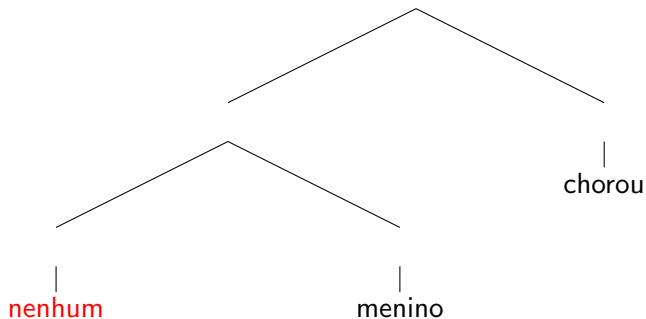
$$\llbracket \text{algum menino} \rrbracket = \llbracket \text{algum} \rrbracket (\llbracket \text{menino} \rrbracket)$$

Determinantes Quantificadores

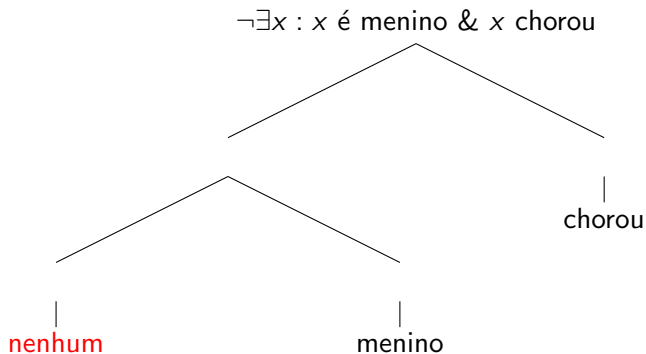


$\llbracket S \rrbracket = \llbracket \text{algun menino} \rrbracket (\llbracket \text{chorou} \rrbracket)$

Determinantes Quantificadores

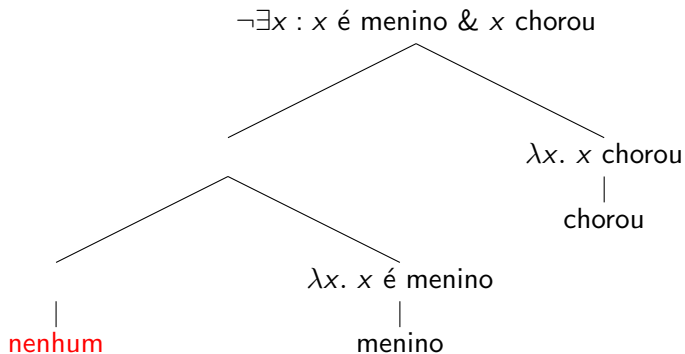


Determinantes Quantificadores



$\llbracket S \rrbracket = 1$ sse $\neg \exists x : x \text{ é menino \& } x \text{ chorou}$

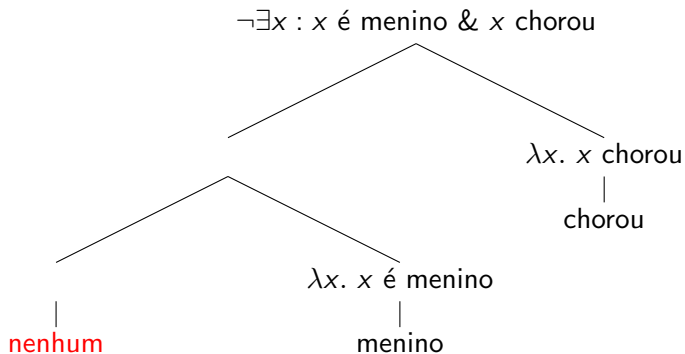
Determinantes Quantificadores



$\llbracket \text{menino} \rrbracket = \lambda x. x \text{ é menino}$

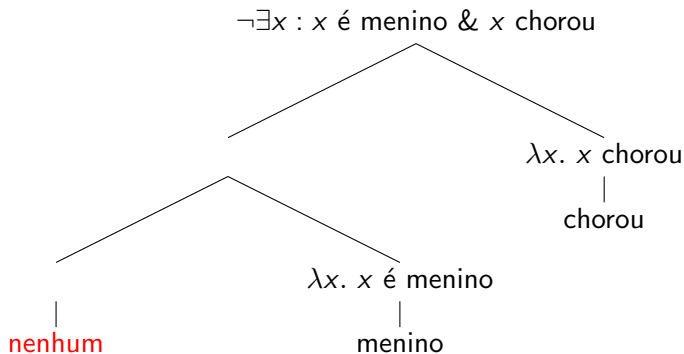
$\llbracket \text{chorou} \rrbracket = \lambda x. x \text{ chorou}$

Determinantes Quantificadores



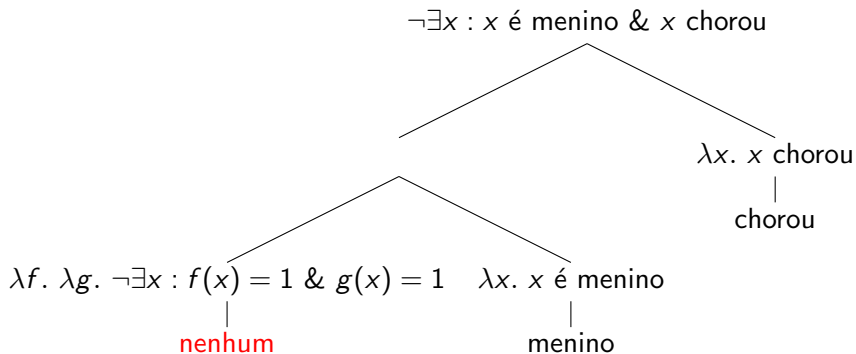
$\llbracket \text{nenhum} \rrbracket = ???$

Determinantes Quantificadores



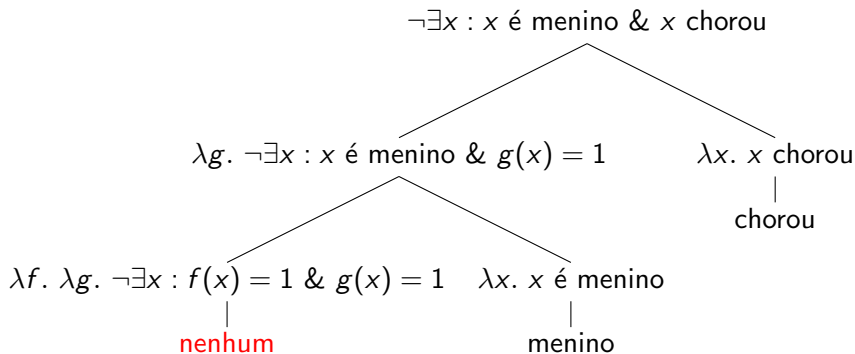
Intuição: $\llbracket \text{nenhum} \rrbracket$ inspeciona $\llbracket \text{menino} \rrbracket$ e $\llbracket \text{chorou} \rrbracket$ e verifica se nenhum indivíduo levado no valor 1 pela primeira é levado no valor 1 pela segunda.

Determinantes Quantificadores



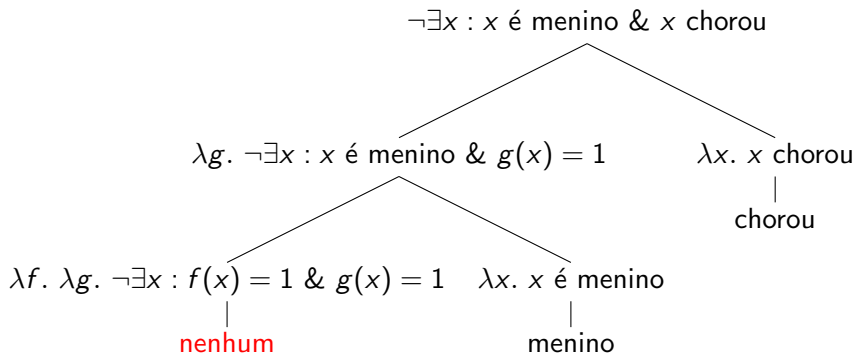
$$\llbracket \text{nenhum} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. \neg\exists x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1$$

Determinantes Quantificadores

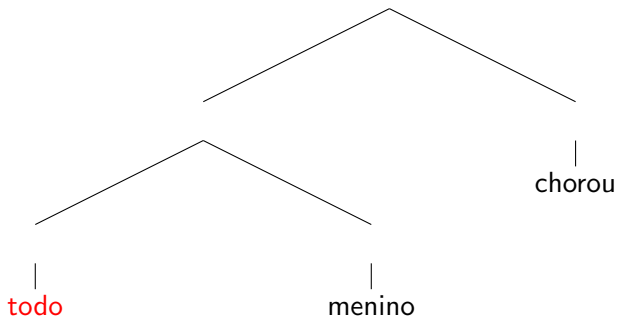


$$\llbracket \text{nenhum menino} \rrbracket = \llbracket \text{nenhum} \rrbracket(\llbracket \text{menino} \rrbracket)$$

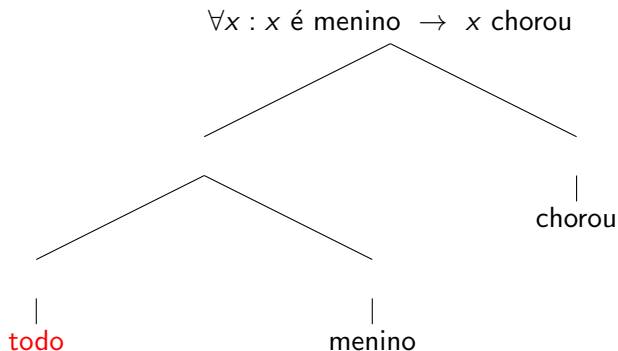
Determinantes Quantificadores


$$\llbracket S \rrbracket = \llbracket \text{nenhum menino} \rrbracket (\llbracket \text{chorou} \rrbracket)$$

Determinantes Quantificadores

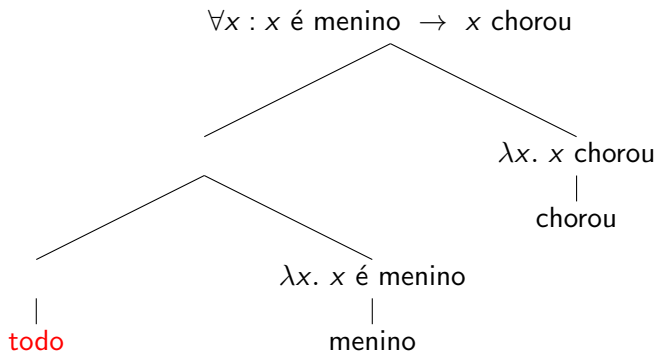


Determinantes Quantificadores



$\llbracket S \rrbracket = 1$ sse $\forall x : x \text{ é menino} \rightarrow x \text{ chorou}$

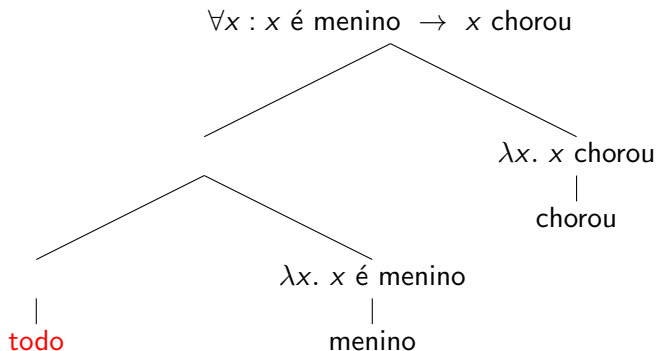
Determinantes Quantificadores



$\llbracket \text{menino} \rrbracket = \lambda x. x \text{ é menino}$

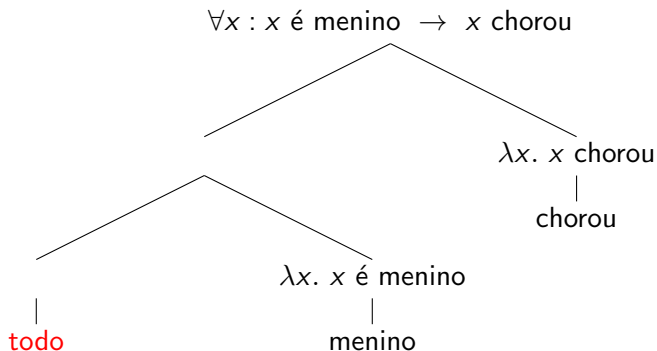
$\llbracket \text{chorou} \rrbracket = \lambda x. x \text{ chorou}$

Determinantes Quantificadores



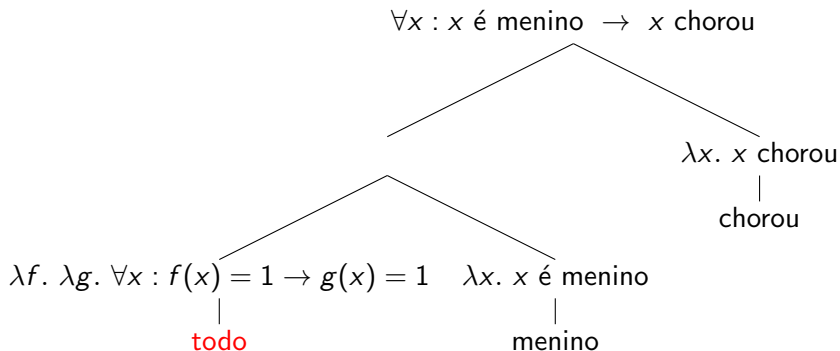
$\llbracket \text{todo} \rrbracket = ???$

Determinantes Quantificadores



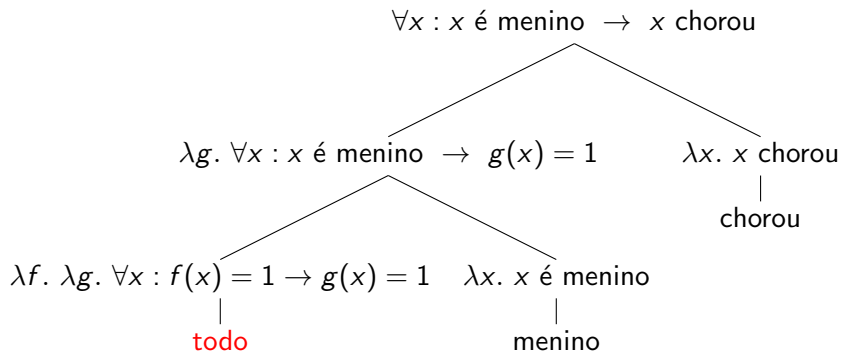
Intuição: *todo* inspeciona as extensões de *menino* e *chorou* e verifica se todos os indivíduos levados no valor 1 pela primeira são levados em 1 pela segunda.

Determinantes Quantificadores



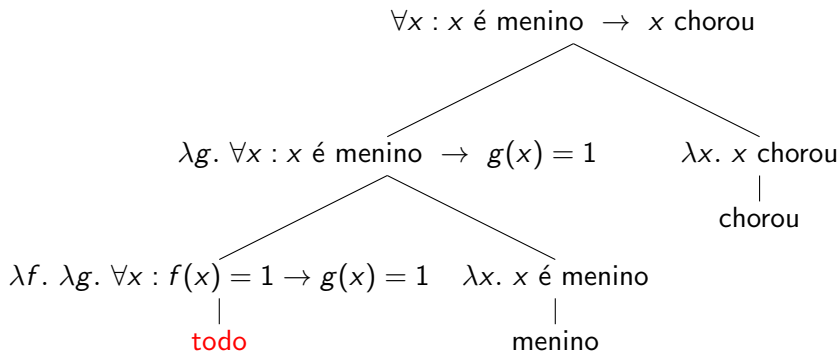
$$\llbracket \text{todo} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. \forall x : f(x) = 1 \rightarrow g(x) = 1$$

Determinantes Quantificadores



$$\llbracket \text{todo menino} \rrbracket = \llbracket \text{todo} \rrbracket (\llbracket \text{menino} \rrbracket)$$

Determinantes Quantificadores



$$\llbracket S \rrbracket = \llbracket \text{todo menino} \rrbracket (\llbracket \text{chorou} \rrbracket)$$

Outros Exemplos

Mais de um aluno dormiu

[[mais de um]] =

Outros Exemplos

Mais de um aluno dormiu

$$\llbracket \text{mais de um} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| > 1$$

Outros Exemplos

Mais de um aluno dormiu

$$\llbracket \text{mais de um} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| > 1$$

Quatro alunos dormiram.

$$\llbracket \text{quatro} \rrbracket =$$

Outros Exemplos

Mais de um aluno dormiu

$$\llbracket \text{mais de um} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| > 1$$

Quatro alunos dormiram.

$$\llbracket \text{quatro} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| = 4$$

Outros Exemplos

Mais de um aluno dormiu

$$\llbracket \text{mais de um} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| > 1$$

Quatro alunos dormiram.

$$\llbracket \text{quatro} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| = 4$$

Menos de cinco alunos dormiram.

$$\llbracket \text{menos de cinco} \rrbracket =$$

Outros Exemplos

Mais de um aluno dormiu

$$\llbracket \text{mais de um} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| > 1$$

Quatro alunos dormiram.

$$\llbracket \text{quatro} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| = 4$$

Menos de cinco alunos dormiram.

$$\llbracket \text{menos de cinco} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| < 5$$

Outros Exemplos

Mais de um aluno dormiu

$$\llbracket \text{mais de um} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| > 1$$

Quatro alunos dormiram.

$$\llbracket \text{quatro} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| = 4$$

Menos de cinco alunos dormiram.

$$\llbracket \text{menos de cinco} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| < 5$$

A maioria dos alunos dormiram.

$$\llbracket \text{a maioria dos} \rrbracket =$$

Outros Exemplos

Mais de um aluno dormiu

$$\llbracket \text{mais de um} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| > 1$$

Quatro alunos dormiram.

$$\llbracket \text{quatro} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| = 4$$

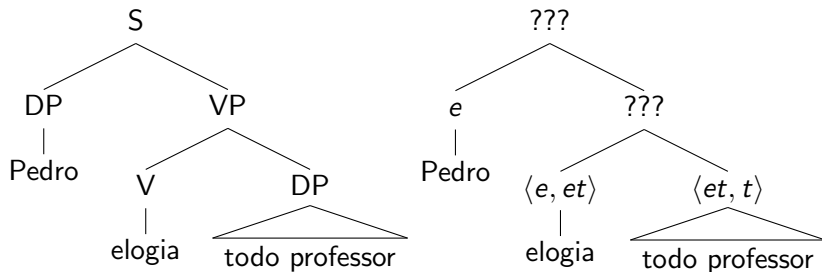
Menos de cinco alunos dormiram.

$$\llbracket \text{menos de cinco} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| < 5$$

A maioria dos alunos dormiram.

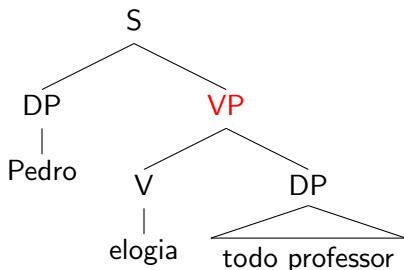
$$\llbracket \text{a maioria dos} \rrbracket = \lambda f. \lambda g. |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 1\}| > |\{x : f(x) = 1 \ \& \ g(x) = 0\}|$$

DPs quantificadores em posição de objeto



- ▶ Aplicação Funcional não funciona!!! Nosso sistema só interpreta DPs quantificadores em posição de sujeito!

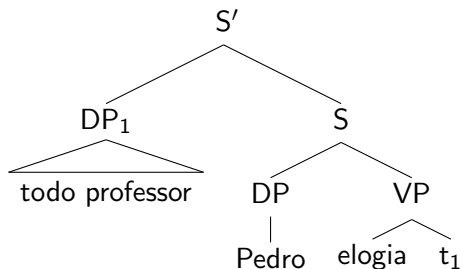
DPs Quantificadores na Posição de Objeto



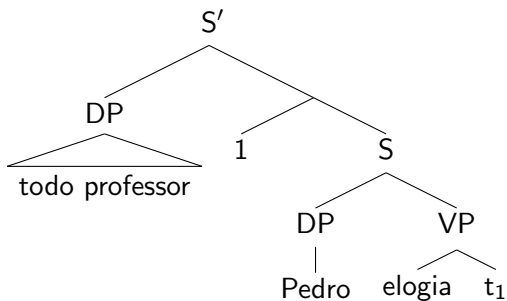
- ▶ $\llbracket \text{elogia} \rrbracket = \lambda x. \lambda y. y \text{ elogia } x$
 $\llbracket \text{todo professor} \rrbracket = \lambda g. \forall x : x \text{ é prof.} \rightarrow g(x) = 1$
- ▶ Incompatibilidade semântica!!! Nosso sistema só interpreta DPs quantificadores em posição de sujeito!

Alçamento de Quantificador (QR)

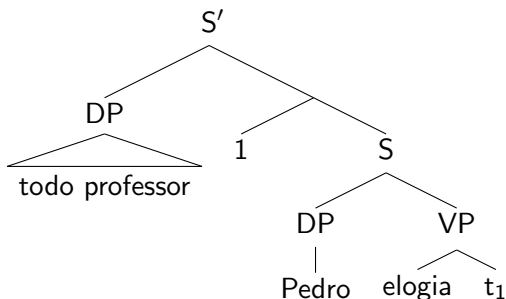
- ▶ DPs quantificadores movem-se cobertamente (movimento sem reflexos fonológicos) para a periferia da sentença.



O Input para a Semântica



A Interpretação



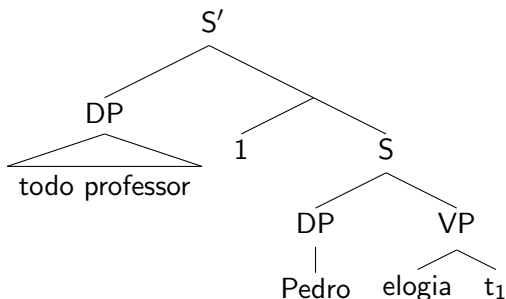
$$\llbracket [1 \ S] \rrbracket^g = \lambda x_e. \llbracket S \rrbracket^{g[1 \rightarrow x]}$$

$$\llbracket S \rrbracket^{g[1 \rightarrow x]} = 1 \text{ sse Pedro elogia } g[1 \rightarrow x](1)$$

$$\llbracket S \rrbracket^{g[1 \rightarrow x]} = 1 \text{ sse Pedro elogia } x$$

$$\llbracket [1 \ S] \rrbracket^g = \lambda x_e. \text{ Pedro elogia } x$$

A Interpretação

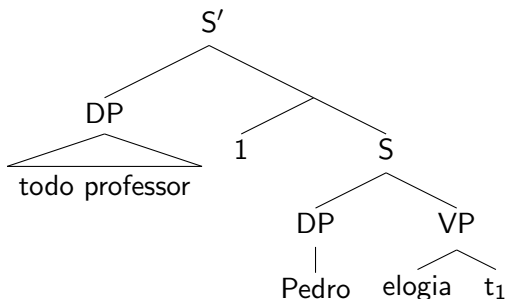


$$\llbracket [1 S] \rrbracket^g = \lambda x_e. \text{ Pedro elogia } x$$

$$\llbracket \text{DP} \rrbracket^g = \lambda f_{\langle et \rangle}. \forall x : x \text{ é um professor} \rightarrow f(x) = 1$$

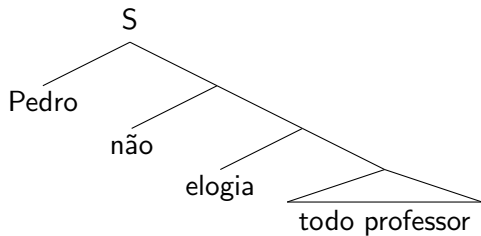
$$\llbracket S' \rrbracket^g = \llbracket \text{DP} \rrbracket^g (\llbracket S \rrbracket^g)$$

A Interpretação

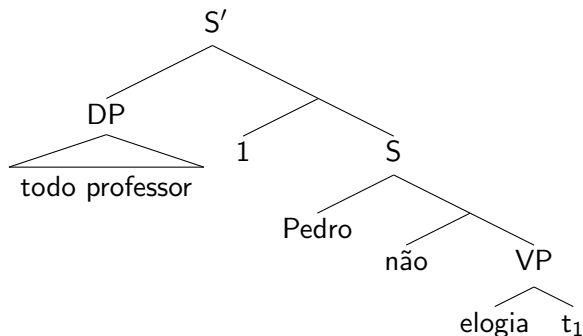


$\llbracket S'' \rrbracket^g = 1$ sse $\forall x : x \text{ é um professor} \rightarrow \text{Pedro elogia } x$

Negação e QR



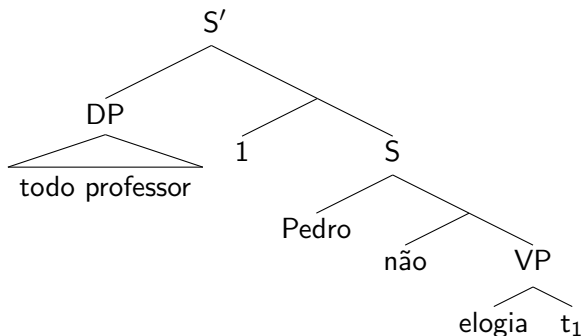
Negação e QR



$$\llbracket [1 S] \rrbracket^g = \lambda x_e. \text{ Pedro não elogia } x$$

$$\llbracket S' \rrbracket^g = 1 \text{ sse } \forall x : x \text{ é um professor} \rightarrow \text{ Pedro não elogia } x$$

Negação e QR



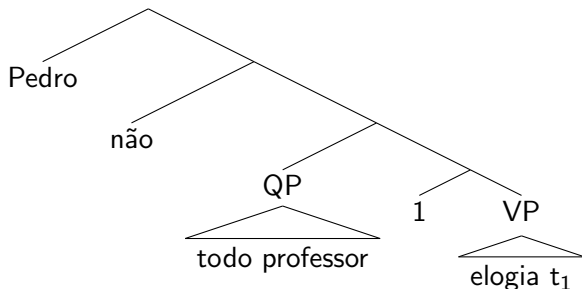
$\llbracket [1 S] \rrbracket^g = \lambda x_e. \text{Pedro não elogia } x$

$\llbracket S' \rrbracket^g = 1$ sse $\forall x : x \text{ é um professor} \rightarrow \text{Pedro não elogia } x$

[Mas essa não é a leitura mais natural da sentença!!!]

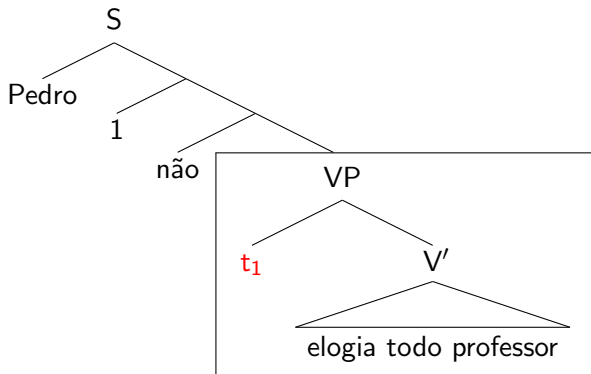
Negação e QR

- ▶ Uma alternativa seria adjungir QP a VP, sob a negação.
Problema: incompatibilidade entre $\llbracket [1 \text{ VP}] \rrbracket$ e $\llbracket \text{QP} \rrbracket$. VPs, diferentemente de Ss, não denotam valores de verdade.



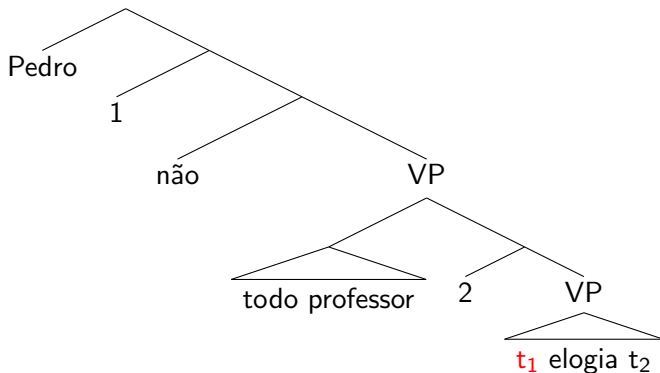
A Hipótese do Sujeito Interno a VP

- ▶ Sujeitos são gerados dentro de VP e depois movidos para sua posição superficial

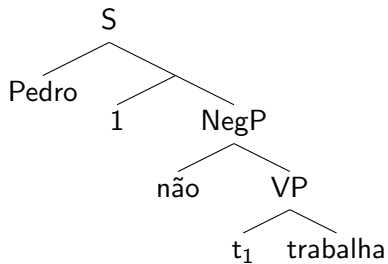


A Hipótese do Sujeito Interno a VP

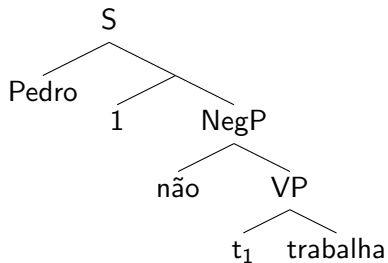
- VPs passam a denotar valores de verdade. Podem, portanto, ser o alvo de QR.



Negação

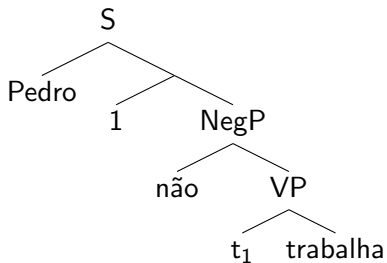


Negação



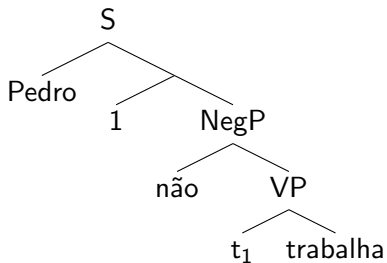
A intuição: $\llbracket \text{NegP} \rrbracket = 1$ sse $\llbracket \text{VP} \rrbracket = 0$

Negação



A intuição: $\llbracket \text{NegP} \rrbracket = 1$ sse $\llbracket \text{VP} \rrbracket = 0$
 $\llbracket \text{não} \rrbracket = [\lambda p. p = 0]$

Negação

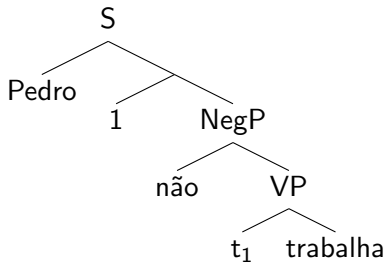


A intuição: $\llbracket \text{NegP} \rrbracket = 1$ sse $\llbracket \text{VP} \rrbracket = 0$

$\llbracket \text{não} \rrbracket = [\lambda p. p = 0]$

$\llbracket \text{VP} \rrbracket^g = 1$ sse $g(1)$ trabalha

Negação



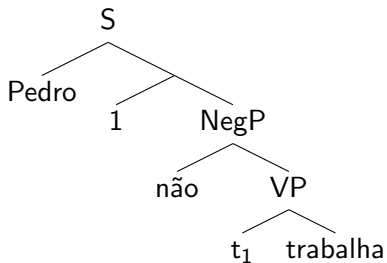
A intuição: $\llbracket \text{NegP} \rrbracket = 1$ sse $\llbracket \text{VP} \rrbracket = 0$

$\llbracket \text{não} \rrbracket = [\lambda p. p = 0]$

$\llbracket \text{VP} \rrbracket^g = 1$ sse $g(1)$ trabalha

$\llbracket \text{NegP} \rrbracket^g = \llbracket \text{não} \rrbracket (\llbracket \text{VP} \rrbracket^g)$

Negação



A intuição: $\llbracket \text{NegP} \rrbracket = 1$ sse $\llbracket \text{VP} \rrbracket = 0$

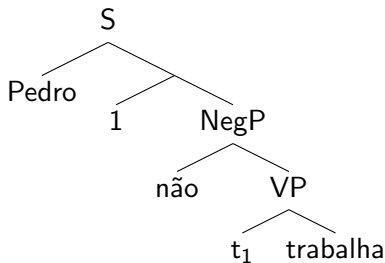
$\llbracket \text{não} \rrbracket = [\lambda p. p = 0]$

$\llbracket \text{VP} \rrbracket^g = 1$ sse $g(1)$ trabalha

$\llbracket \text{NegP} \rrbracket^g = \llbracket \text{não} \rrbracket (\llbracket \text{VP} \rrbracket^g)$

$\llbracket \text{NegP} \rrbracket^g = 1$ sse $g(1)$ não trabalha

Negação



A intuição: $\llbracket \text{NegP} \rrbracket = 1$ sse $\llbracket \text{VP} \rrbracket = 0$

$\llbracket \text{não} \rrbracket = [\lambda p. p = 0]$

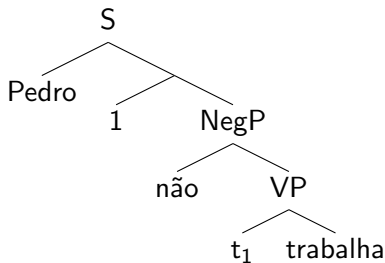
$\llbracket \text{VP} \rrbracket^g = 1$ sse $g(1)$ trabalha

$\llbracket \text{NegP} \rrbracket^g = \llbracket \text{não} \rrbracket(\llbracket \text{VP} \rrbracket^g)$

$\llbracket \text{NegP} \rrbracket^g = 1$ sse $g(1)$ não trabalha

$\llbracket [1 \text{ NegP}] \rrbracket = \lambda x. x$ não trabalha

Negação



A intuição: $\llbracket \text{NegP} \rrbracket = 1$ sse $\llbracket \text{VP} \rrbracket = 0$

$\llbracket \text{não} \rrbracket = [\lambda p. p = 0]$

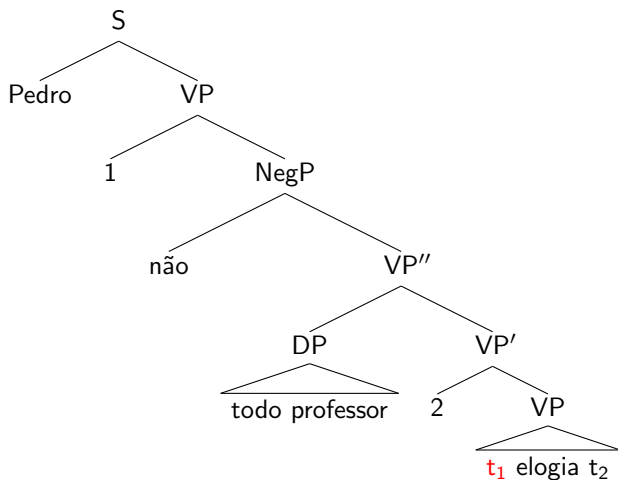
$\llbracket \text{VP} \rrbracket^g = 1$ sse $g(1)$ trabalha

$\llbracket \text{NegP} \rrbracket^g = \llbracket \text{não} \rrbracket(\llbracket \text{VP} \rrbracket^g)$

$\llbracket \text{NegP} \rrbracket^g = 1$ sse $g(1)$ não trabalha

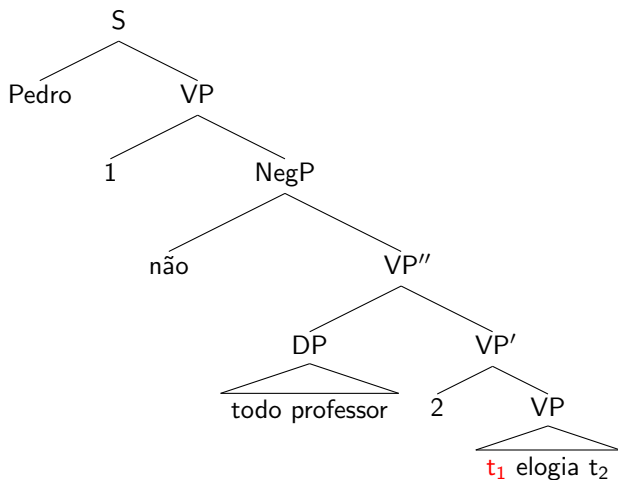
$\llbracket [1 \text{ NegP}] \rrbracket = \lambda x. x$ não trabalha

$\llbracket \text{S} \rrbracket = 1$ sse Pedro não trabalha

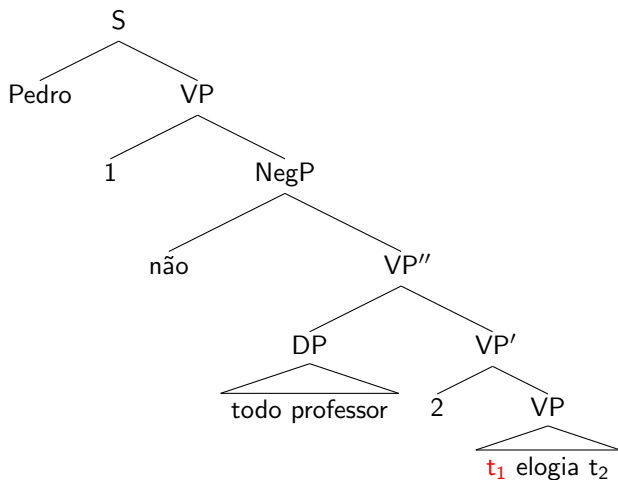


$$[[VP]]_g[1 \rightarrow x][2 \rightarrow y] = 1 \text{ sse } x \text{ elogia } y$$

$$[[VP']]_g[1 \rightarrow x] = \lambda y. [[VP]]_g[1 \rightarrow x][2 \rightarrow y]$$

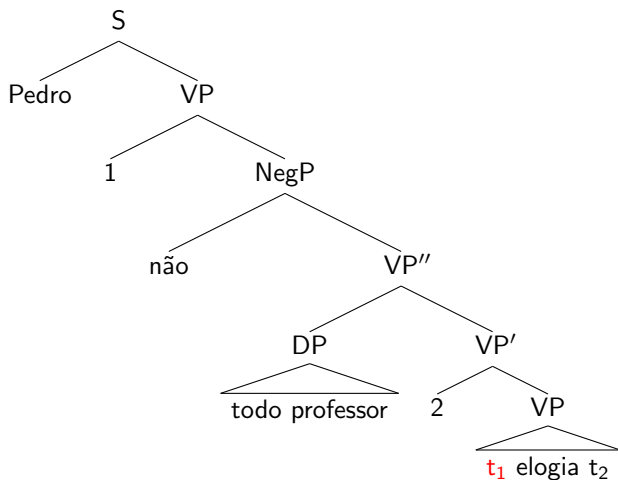


$$[[VP']_g[1 \rightarrow x]] = \lambda y. x \text{ elogia } y$$

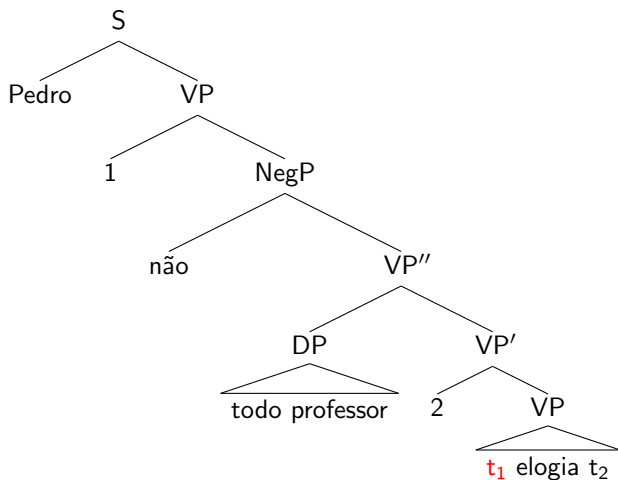


$$[[VP']^g[1 \rightarrow x]] = \lambda y. x \text{ elogia } y$$

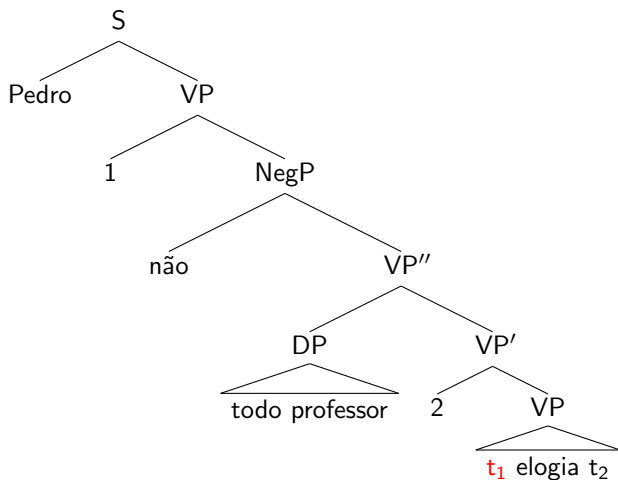
$$[[VP'']^g[1 \rightarrow x]] = [[\text{todo professor}]^g[1 \rightarrow x]] ([[VP']^g[1 \rightarrow x]])$$



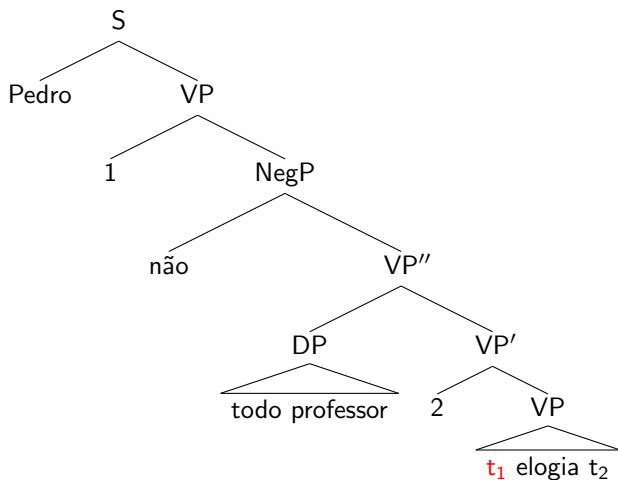
$\llbracket \text{VP}'' \rrbracket^g [1 \rightarrow x] = 1$ sse $\forall z. z \text{ é prof.} \rightarrow x \text{ elogia } z$



$$\begin{aligned} \llbracket \text{VP}'' \rrbracket^g [1 \rightarrow x] &= 1 \text{ sse } \forall z. z \text{ é prof.} \rightarrow x \text{ elogia } z \\ \llbracket \text{NegP} \rrbracket^g [1 \rightarrow x] &= \llbracket \text{não} \rrbracket [1 \rightarrow x] (\llbracket \text{VP}'' \rrbracket [1 \rightarrow x]) \end{aligned}$$

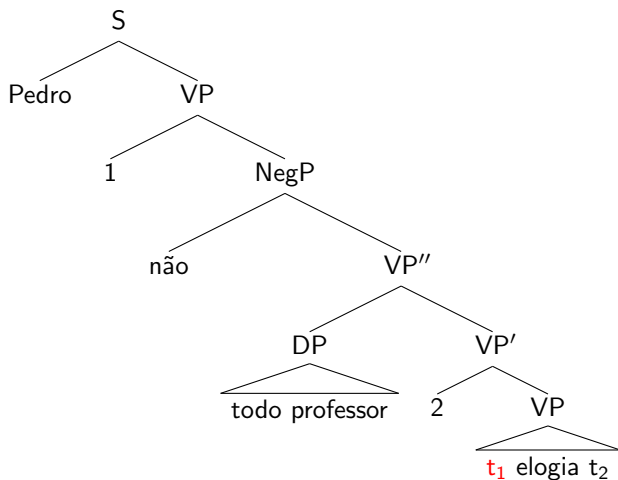


$[[\text{NegP}]]^g[1 \rightarrow x] = 1 \text{ sse } \neg \forall z. z \text{ é prof.} \rightarrow x \text{ elogia } z$

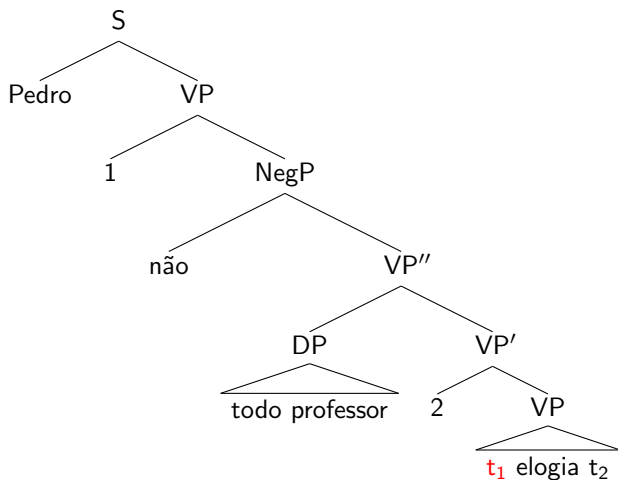


$$[[\text{NegP}]]^g[1 \rightarrow x] = 1 \text{ sse } \neg \forall z. z \text{ é prof.} \rightarrow x \text{ elogia } z$$

$$[[[1 \text{ NegP}]]]^g = \lambda x. [[\text{VP}''']]^g[1 \rightarrow x]$$

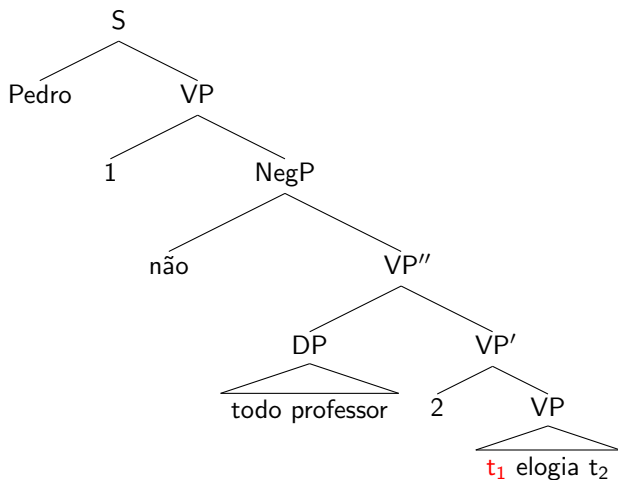


$$\llbracket [1 \text{ NegP}] \rrbracket^g = \lambda x. \neg \forall z. z \text{ é prof.} \rightarrow x \text{ elogia } z$$



$$\llbracket [1 \text{ NegP}] \rrbracket^g = \lambda x. \neg \forall z. z \text{ é prof.} \rightarrow x \text{ elogia } z$$

$$\llbracket [S] \rrbracket^g = \llbracket [VP'''] \rrbracket^g (\llbracket [Pedro] \rrbracket^g)$$



$\llbracket S \rrbracket^g = 1 \text{ sse } \neg \forall z. z \text{ é prof. } \rightarrow \text{ Pedro elogia } z$

Ambiguidade de Escopo

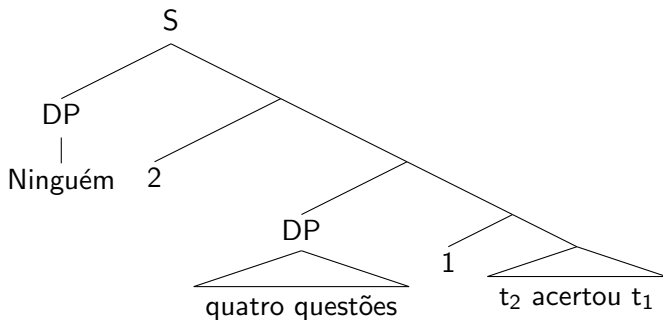
Ninguém acertou mais de 4 questões.

Significado 1: Não existe x , tal que x acertou mais de 4 questões.

Significado 2: o número de questões que ninguém acertou é maior que 4.

Ambiguidade de Escopo

Significado 1: Não existe x, tal que x acertou mais de 4 questões.



Ambiguidade de Escopo

Significado 2: o número de questões que ninguém acertou é maior que 4.

